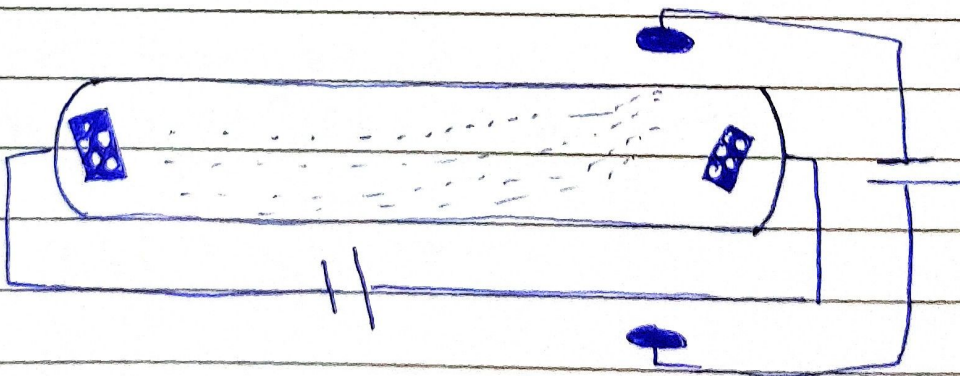
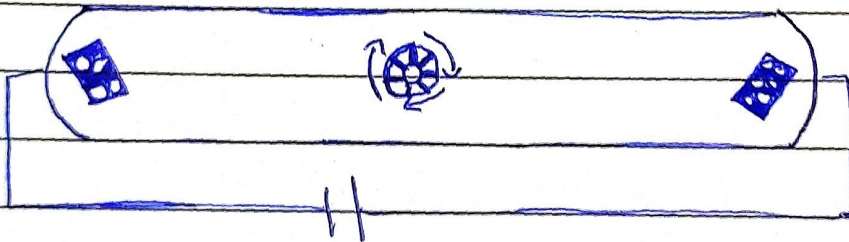
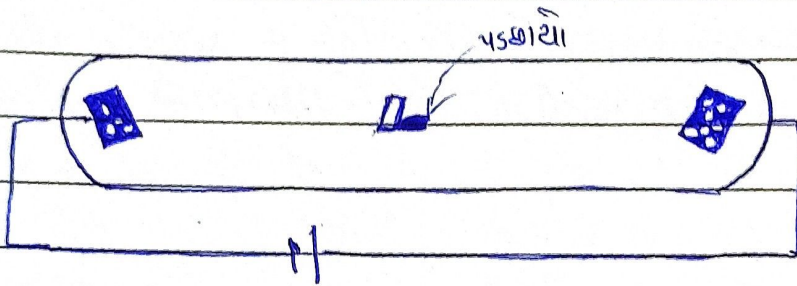
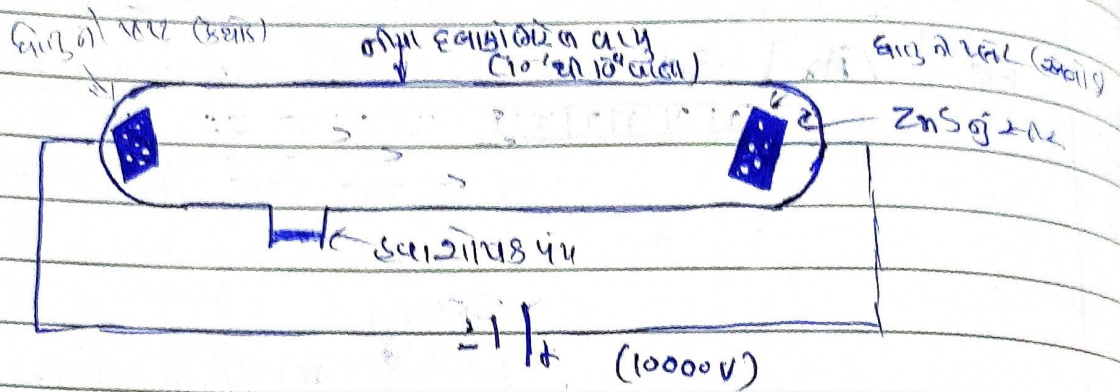


પરમાણુ ગોઠાણ (Atomic Structure)

Cathode Ray Tube (વિકિરણ વિસ્તાર નળી)



કેથોડ કિરણો (કેથોડ કણ)

- તે કેથોડથી ઐનોડ તરફ સીધી રેખા માં ગતિ કરે છે.
તેના માર્ગમાં કોઈ અપાર દરકાર વગર મુક્તો તેના પડદા થોડે જાય છે.

- તે દળ ધરાવે છે

- કેથોડ કિરણના માર્ગમાં દર્પણ ગતિ wheel (ચકાડી)
મુક્તો તેને ફેરવી શકે છે - જે તેમના યોગિક કુણાકર્મોની
હાજરી દર્શાવે છે

- તે દળ ધરાવે છે

- કેથોડ કિરણના માર્ગમાં દર્પણ ગતિ wheel (ચકાડી)
મુક્તો તેને ફેરવી શકે છે - જે તેમના યોગિક કુણાકર્મોની
હાજરી દર્શાવે છે

- તે પ્રમાણિતમાર દર્શાવે છે

તેમની ગતિના માર્ગને લંબરૂપે જે કોઈ વિદ્યા કોષ

લગાડવામાં આવે તો આ કણો ઘન વીજમાર તરફ
આકર્ષાય છે

જે દર્શાવે છે કે કેથોડ કિરણો પ્રકાશ વીજભારીત છે

- તેમના ગતિના માર્ગની લંબરૂપે મુંઝકીપ કોષ લગાડવા

તે કોઈ એક કુણ તરફ આકર્ષાય છે જે તેમના
માં વિજભારની હાજરી દર્શાવે છે

- કેથોડ કિરણો ના ગુણધર્મો (Electron)

આ જાલીમાં ભરેલા વાદુ ઉપર આધાર રાખતો નથી

$$\text{કેથોડ કિરણ માટે } \frac{e}{m} = \frac{\text{charge (C)}}{\text{mass (g)}}$$

$$= \frac{1.6 \times 10^{-19} \text{ C}}{9.109 \times 10^{-28} \text{ g}}$$

$$= 1.75 \times 10^{18} \text{ C/g}$$

$$= 1.75 \times 10^{11} \text{ C/kg}$$

- કેથોડ ક્રીકોને ઇલેક્ટ્રોન તરીકે ઓળખવામાં આવ્યા
- કેથોડ ક્રીકો દ્વારા આત્મિક વ્યવસ્થામાંથી પ્રસાર થઈ શકે છે. પદાર્થોમાં આસ્થાની જાડાઈ વધે તો તેમાંથી પ્રસાર થઈ શકતા નથી.

- રેન્ટજન જેવી ત્યારે દ્વારા આથિ અથડાવાથી કેથોડ ક્રીકો X-Ray ઉત્પન્ન કરે છે.

- કેથોડ ક્રીકો દ્વારા આથિ અથડાવાથી તેને ગતિ કરે છે. (Charging effect)

- તે કોલેક્ટર પ્લેટ પર અસર કરે છે.

- એક દ વ્યવસ્થા પરમાણુ કે વ્યવસ્થા ત્યારે $3S = 3P = 3d$
- Collapsed ion: જેમો વૈજ્ઞાનિકો અધિકાર દર્શાવે છે તે રીતે આથિ રીતે.

- તે $2mS$ ની પેઠાએ અથડાવા ત્યારે પ્રકાશ ઉત્પન્ન કરે છે.

- તે જે વાયુ આથિ અથડાવા છે તે વાયુનું આથિ કરવા છે.

- કેથોડ ક્રીકોને ઇલેક્ટ્રોન તરીકે ઓળખવામાં આવ્યા.

- તેની શોધ J.J. Thomson એ કરી.

* ઍનોડ કિરકા (ઍનોડ ક્રો) (Anode Rays)

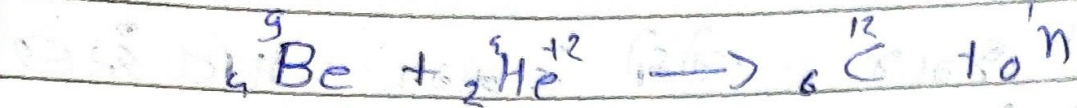
- તે કેથોડ ક્રોની જમણી બીધી રેખામાં ગતિ કરે છે.
- પુષ્ટિ થી કેથોડ કિરકાનો દિશાથી વિરુદ્ધ ઍનોડ (+ve) છેડા થી કેથોડ (-ve) છેડા તરફ હોય છે.
- તે દલ દરાવે છે, યાંત્રિક ગુણધર્મો દરાવે છે.
- ઍનોડ ક્રોનો દલ ગુણોત્તર ઍનોડ નાં ભેરમાં વધુ ના.
- નળીમાં જ્યારે હાઈડ્રોજન પરમાણુ ઍનોડ હોય ત્યારે ઍનોડ કિરકાનો દલ ગુણોત્તર નલમાં હોય છે.
- H દ્વારા મળતા ઍનોડ કિરકા માટે દલ ગુણોત્તર

$$\frac{e}{m} = \frac{1.6 \times 10^{-19}}{1.67 \times 10^{-27} \text{ kg}}$$

$$\left\{ \begin{array}{l} \approx 1 \times 10^8 \text{ C/kg} \\ \approx 1 \times 10^8 \text{ C/kg} \end{array} \right\} \rightarrow \text{H માટે}$$

- H પરમાણુના આયની કર્યા બીજનેતા ઍનોડ ક્રોને પ્રોટોન ક્રોમાં બાધ્યા.
- ઍનોડ કિરકા ZnS સાથે પ્રકાશ ઉત્પન્ન કરે છે.
- તે ફોટોગ્રાફીક પેપર ઉપર અસર કરે છે.
- તે ઍનોડ વિદ્યુત ઍને બુંદોપ કોષમાં વિચલન પામે છે.

• ન્યુટ્રોન ની શોધ



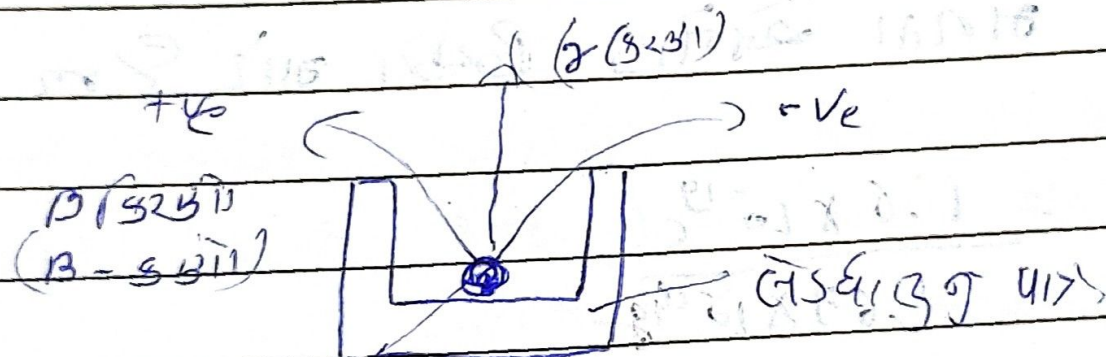
બેરીલીયમનું

ન્યુટ્રોન

ન્યુક્લિયસ (He ન્યુક્લિયસ)

જ્યારે Be ન્યુક્લિયસ ઉપર He ન્યુક્લિયસ (α કણો) આપાત કરવામાં આવ્યા ત્યારે તે ની સાથે સરસ્ય કણો જે મળે છે પ્રોટોન જેમનું હતું તે મળ્યા જેને ન્યુટ્રોન કહેવાય.

રેડીયો એક્ટિવિટી દ્વારા મળતા કણો (કણો) નં - gamma



રેડીયો એક્ટિવ પદાર્થ

કણ	અણુસૂત્ર	વીજભાર	ઝડપ
α	${}^4_2\text{He}^{+2}$	+2	પ્રકાશ કરતા દસમી ભાગની
β	$-1e^0$	-1	$\approx 2 \times 10^8 \text{ m/s}$
γ	—	—	$3 \times 10^8 \text{ m/s}$

• ભેદન શક્તિ $\gamma > \beta > \alpha$

• આયનિકરણ શક્તિ :- કોઈપણ દ્રવ્યનું આયનિકરણ કરવાની મિશ્ર શક્તિ

$$\alpha > \beta > \gamma$$

• કુટલાક અણુ કણો

p^+ (પોઝિટ્રોન) $+1e^0$

n (ન્યુટ્રોન) $0n^1$

p પ્રોટોન $+1H^1$

ન્યુટ્રીનો અને
એન્ટી ન્યુટ્રીનો $0e^0$

મેસોન (π) $\left(\begin{array}{l} \text{દ્રવ્યમાન 273} \\ \text{273 ગુણોભારે} \end{array} \right)$

એન્ટી પ્રોટોન $-1p$

* સમઇલેક્ટ્રોનિક દાટકો :-
(isoelectronic)

ઐ દાટકો જેમાં ઇની સંખ્યા સમાન હોય તેમને સમ ઇલેક્ટ્રોનિક કહેવાય.

દા.ત. CO અને N_2 (14e)
 Mg^{+2} , Na^{+} , F^{-} , O^{2-} (10e)

* Isosteres:-

જેવા દાટકો જેમાં પરમાણુની સંખ્યા સમાન હોય અને ઇલેક્ટ્રોનની સંખ્યા પણ સમાન હોય.

દા.ત. CO₂ અને N₂O

પરમાણુ	3	3
e ⁻	22	22

આઈસોટોપ્સ (Isotopes)

ઐ પરમાણુઓ જેમના પરમાણુ ક્રમાંક અને પરમાણુ દળ સમાન હોય પણ ન્યુટ્રોનની સંખ્યા સમાન હોય.

દા.ત.

${}^6_{14}C$	${}^7_{15}N$	${}^8_{16}O$
Z: 6	7	8
A: 14	15	16
n: 8	8	8

* Isotopes (સામભાવી) :

જેણે ઇલેક્ટ્રોનના સંખ્યા સમાન પણ પ્રમાણ, ક્રમાંક જુદા જુદા હોય તેને સામભાવી કહેવાય.

દા.ત.



* સમસ્થાનિકો (Isotopes)

- જે ઇલેક્ટ્રોનના પ્રમાણ, ક્રમાંક સમાન હોય પણ પ્રમાણ, ક્રમાંક જુદા જુદા હોય તેને સમસ્થાનિકો કહેવાય.

દા.ત.



* Charge (વીજભાર)

$$① \text{ વીજભાર } (q) = ne^-$$

જ્યાં $n = 1, 2, 3, \dots$

$$e^- = 1.6 \times 10^{-19} \text{ (કુલંબ)}$$

② બે વીજભાર q_1 અને q_2 ને એકબીજાથી r અંતરે રાખતાં, તેમની વચ્ચે લાગતું બળ

$$F = \left| \frac{k q_1 q_2}{r^2} \right| \text{ જ્યાં } k \text{ એ સ્થિતિસ્થાપક અચળાંક છે}$$

જ્યાં q_1 અને q_2 - બે વીજભાર

r - q_1 અને q_2 વચ્ચેનું અંતર

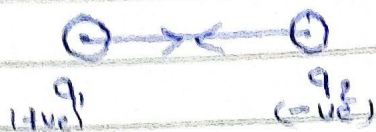
$$k = \text{કુલંબીક અચળાંક} = 9 \times 10^9 \text{ N-m}^2/\text{C}^2$$

$$= \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \quad (\epsilon_0 = \text{permittivity})$$

→ જો q_1 અને q_2 સમાન વીજ્ઞાન હોય તો તેઓ વચ્ચે આકર્ષક બળ લાગે.



q_1 અને q_2 અસમાન વીજ્ઞાન હોય તો તેઓ વચ્ચે આકર્ષક બળ લાગે.



૩ સ્થિતિ ઊર્જા (Potential Energy)

જો સ્થિતિ ઊર્જા વધે તો અસ્થિરતા વધે.

$$PE = \frac{kq_1q_2}{r}$$

→ જો q_1 અને q_2 બંને ધન અથવા બંને ઋણ હોય તો જેમ જેમ લેમ PE ↑ આકર્ષક ↑ અસ્થિરતા ↑

→ જો q_1 અને q_2 અસમાન વીજ્ઞાન હોય તો, જેમ જેમ લેમ PE ↓ આકર્ષક ↑ સ્થિરતા ↑

૬ જો V વિજ્ઞાનને V -વોલ્ટ દર્શાવતા વિદ્યુતદોષમાં ચૂકવામાં આવે તો સ્થિતિ ઊર્જા

$$PE = q \cdot V$$

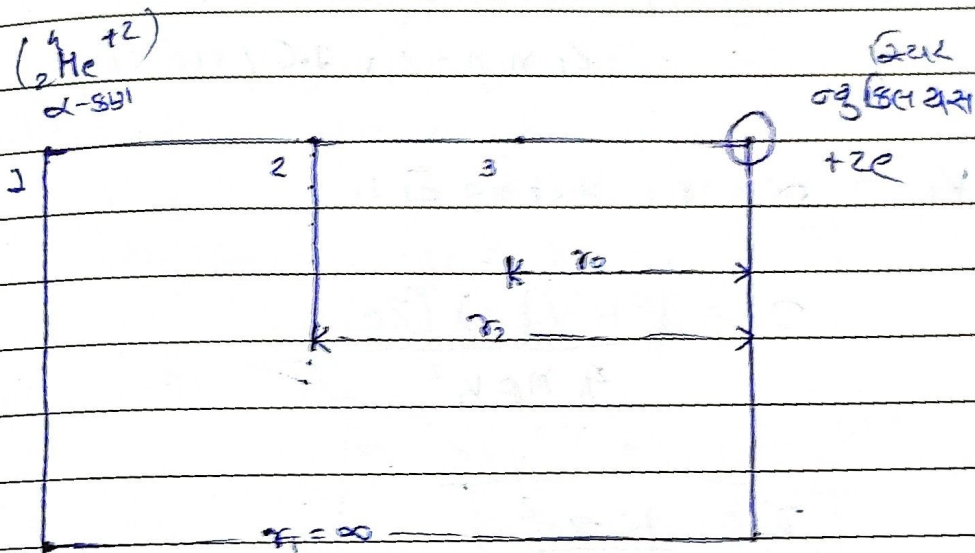
એકમ (કુલોમ વોલ્ટ = જુલ)

ક) ન્યુક્લિયસ નો વીજભાર

$$[q = +2e] \text{ જ્યાં } Z = \text{પરમાણુ ક્રમાંક}$$

* Distance of closest approach
(શક્ય સમીપતમ અંતર)

- જ્યારે α કણ (${}^4\text{He}^{+2}$) એ $+2e$ વીજભાર ધરાવતા ન્યુક્લિયસ તરફ ગતિ કરે ત્યારે તે બંને વચ્ચે વધુ કેટલો નજીક જઈ શકશે?



2025/08/28 20:56

વેગ $V_1 = \text{maximum}$

ગતિ ઊર્જા $KE_1 = \frac{1}{2}mv_1^2$

સ્થિતી ઊર્જા $PE_1 = 0$

કુલ ઊર્જા

$$TE_1 = KE_1 + PE_1$$

વેગ V_2

$KE_2 = \frac{1}{2}mv_2^2$

$PE_2 = \frac{kq_1q_2}{r_2}$

$$TE_2 = KE_2 + PE_2$$

વેગ $V_3 = 0$

$KE_3 = 0$

$PE_3 = \frac{kq_1q_2}{r_0}$

$$TE_3 = KE_3 + PE_3$$

જ્યાં $r_0 = \text{Distance of closest approach}$

ઊર્જા સંરક્ષણના નિયમ પ્રમાણે

$$TE_1 = TE_2 = TE_3$$

$$KE_1 + PE_1 = KE_2 + PE_2 = KE_3 + PE_3$$

1 અને 3 માટે

$$TE_1 = TE_3$$

$$KE_1 + PE_1 = KE_3 + PE_3$$

$$\frac{1}{2}mv_1^2 + 0 = 0 + \frac{kq_1q_2}{r_0}$$

$$r_0 = \frac{2kq_1q_2}{mv_1^2}$$

જ્યાં $q_1 = \alpha$ કણનો વીજભાર $= 2e$

$q_2 =$ ન્યુક્લીયસનો વીજભાર $= Ze$

$m = \alpha$ કણનું દળ $= 4$ પ્રોટોનનું દળ

$$= 4 m_p = 4 \times 1.67 \times 10^{-27} \text{ kg}$$

$v_1 = \alpha$ કણનો પ્રારંભિક વેગ

$$r_0 = \frac{2k (2e) (Ze)}{4 m_p v_1^2}$$

$$r_0 = \frac{kZe^2}{m_p v_1^2}$$

શ્રેણીના લોગ $2 \times 10^5 \text{ m/s}$ ધરાવતા α -કણને લાના ન્યુક્લીયસ તરફ અંતરેથી ગતિ કરાવતા closest distance of approach ($Z=29$ કોપર)

$$r_0 = \frac{kZe^2}{m_p v_i^2}$$

$$= \frac{9 \times 10^9 \times 29 \times (1.6 \times 10^{-19})^2}{1.67 \times 10^{-27} \times (2 \times 10^5)^2}$$

$$= \frac{1 \times 10^{-14} \text{ m}}{1 \times 10^{-10} \text{ m}}$$

ઉપરના પ્રશ્નમાં ન્યુક્લીયસથી કેટલા અંતરે α -કણનો વેગ લાના પ્રાંતિક લોગથી અડધો થશે?

$$r_0 = \frac{kZe^2}{m_p v_i^2} = \frac{9 \times 10^9 \times 29 \times (1.6 \times 10^{-19})^2}{1.67 \times 10^{-27} \times (10^5)^2}$$

$$T E_1 = T_2$$

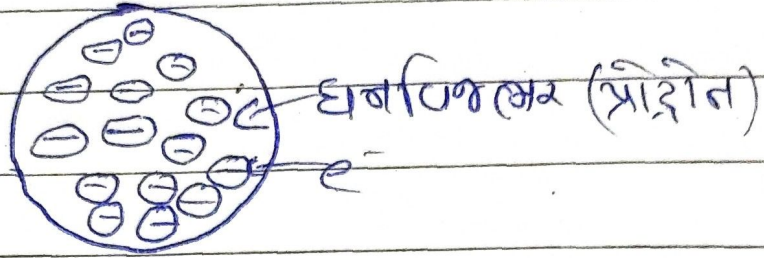
$$= \frac{9 \times 10^9 \times 29 \times (16 \times 10^{-20})^2}{1.67 \times 10^{-27} \times (10^5)^2}$$

$$= \frac{9 \times 10^9 \times 29 \times 256 \times 10^{-40}}{1.67 \times 10^{-27} \times 10^{10}}$$

$$= \frac{9 \times 29 \times 256}{1.67 \times 10^{12}}$$

$$= 4 \times 10^{-10} \text{ m}$$

* ~~સુધાર~~ ધોમસનનો પરમાણુ નમૂનો

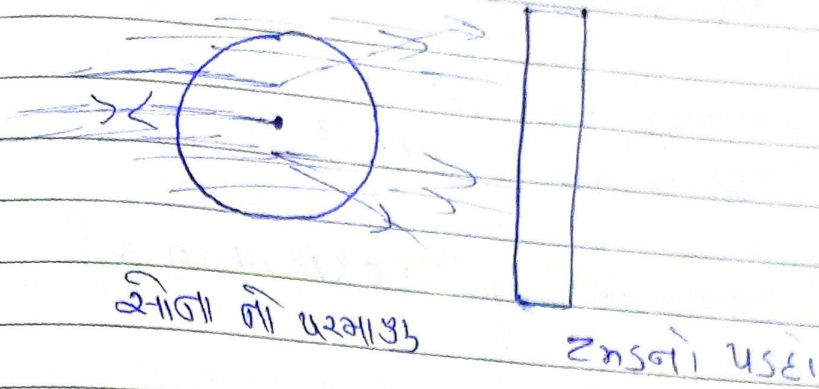


- પરમાણુ ગોળાકાર છે.
- પરમાણુનું દળ અને ઘનવિજભાર એ બંને પરમાણુ માં સમાન રીતે વહેંચાયેલા છે.
- યકા ભારીત e^{-} એ ઘનવિજભારમાં વચ્ચે ફરેલા છે.

• મર્યાદા:-

- તે પરમાણુની સ્થિતિતા સમજાવી શક્યો નથી.
- તે સ્થિતિ કોઈના α -પ્રકીર્ણન ના પ્રયોગને સમજાવી શક્યો નથી.

* ડ્યારફોડ નો પરમાણુ નમૂનો :- (α પ્રકીર્ણનો પ્રવેગ)



- ડ્યારફોડ સોનાના પરમાણુ ત્રિપર α-કણોને પ્રકીર્ણ કર્યા છે તોયે મુજબ અવલોકનો મળ્યા
- મોટાભાગના α-કણો વિચલન-પાથમાં વિના પરમાણુ માંથી સીધા જ પસાર થઈ જાય છે. (૭૭.૭૪%)
- કેટલાક α-કણો થોડાક ખૂબ વીચલન પામે છે
- પૂણ જ ઓછા α-કણો (૨૦૦૦૦ માંથી ૨) ૧૮૦° ના ખૂબો પાછો ફરે છે.

• ડ્યારફોડનો પરમાણુ નમૂનો :-

- પરમાણુનો મોટો ભાગ ખાલી છે. તેમાં દળ અને ધન વીજભાર રહે પૂણ જ નાના ભાગમાં કેન્દ્રીય થયેલું છે. જેને ન્યુક્લિયસ કહેવાય છે.
- ઇલેક્ટ્રોન એ ન્યુક્લિયસની આસપાસ ચોક્કસ અંતરે આવીને વર્તુલાકાર ગતિમાં ~~ચલે~~ ભ્રમણ કરે છે જેને કક્ષા કહેવાય છે.
- ન્યુક્લિયસની ત્રિજ્યા 10^{-15} મી. અને ક્ષીની ત્રિજ્યા ૧૦^{-૮} મી. છે. પરમાણુની ત્રિજ્યા એ હોના ન્યુક્લિયસ ની ત્રિજ્યા કરતાં 10^5 ગણી છે.

$$\frac{\text{પરમાણુ ગુદા}}{\text{જ્યુલિયસ ગુદા}} = \frac{r_1^3}{r_2^3} = \frac{r_1^3}{r_2^3}$$

$$\frac{\text{પરમાણુ ગુદા}}{\text{જ્યુલિયસ ગુદા}} = \frac{(10^{-10})^3}{(10^{-8})^3}$$

$$\text{પરમાણુ ગુદા} = 10^{-15} \times \text{જ્યુલિયસ ગુદા}$$

- જ્યુલિયસની ત્રિજ્યા:

$$R = R_0 (A)^{1/3}$$

જ્યાં $R_0 = 2.5 \times 10^{-15} \text{ m}$

$$= 1.33 \times 10^{-15} \text{ m}$$

$A = \text{પરમાણુ દળ}$

જ્યાં A પરમાણુના જ્યુલિયસની ત્રિજ્યા ગણાવે

$$R = R_0 (A)^{1/3}$$

$$= 1.33 \times 10^{-15} \times 27^{1/3}$$

$$= 1.33 \times 10^{-15} \times 3$$

$$R = 3.99 \times 10^{-15} \text{ m}$$

- પરમાણુ ના કેન્દ્ર અને તે વચ્ચે કુલંભિક આકર્ષક બળો જોવા કમ્પો છે કેન્દ્રની આસપાસ જોઈએ જ્યારે લામ્બા જેટલું

- રેધર ટ્રાઈંગ પ્રયોગને ગોજર-માસડેન પ્રયોગ પણ કહેવાય છે

• કચરફોઈના પરમાણુ ગમ્મનો નો માર્ગદર્શક

- કચરફોઈ નો ગમ્મનો પરમાણુની ચિત્રતા સમજાવી શક્યો નહિ
- ક્વેન્ટાઇઝેશન અને ક્વેન્ટાઇઝેશન બોક્સ અને વર્તુળાકાર માર્ગમાં ક્રમ
- પણ વૈકલ્પિકતા સિદ્ધાંત પ્રમાણે જ્યારે કોઈ પ્રતિભાસીત કક્ષા પ્રવેશિત ગતિ કરે ત્યારે તે ઊર્જાનું કુલર્જન કરે છે.

- આ રીતે ~~સં~~ હ પણ ઊર્જાનું કુલર્જન કરે અને તે થોડાક સમયમાં ન્યુક્લિયસમાં પ્રેરવામાં આવે.

- આ પરમાણુ ગમ્મનો પરમાણુ વર્ણપટ્ટ અસંતત છે તેવું સમજાવી શકાયો નથી.

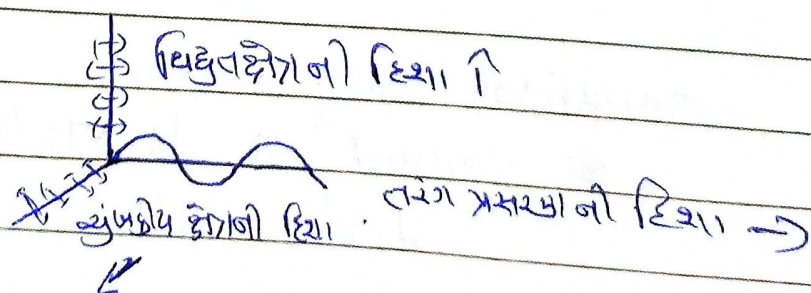
- પરમાણુમાં ન્યુક્લીયસ અને હ વચ્ચે જાગતા બંનેને સ્વર અને ગ્રહો વચ્ચેના બંને સાથે સરખાવવામાં આવ્યા જે ~~સરખામકી~~ સરખામકી થોડી નથી.

* વિદ્યુત ચુંબકીય તરંગો
(Electromagnetic waves)

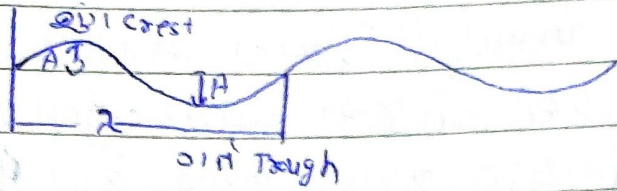
દ્રવ્ય સ્વર પ્રકાશના તરંગો

- લેમનો વેગ પ્રકાશના વેગ જેટલો હોય છે.
- લેમના પ્રસરણ માટે માધ્યમની જરૂર પડતી નથી.

- આ તરંગ સાથે વિદ્યુત ક્ષેત્ર અને ચુંબકીય ક્ષેત્ર બંનેનાં ઇલેક્ટ્રિક અને મેગ્નેટિક ક્ષેત્રોની પ્રસરણની દિશા ન અને પરસ્પર બે સંબંધિત હોય છે.



• શું બંધિય તરંગોના ગુણધર્મો



⇒ તરંગની તરંગ લંબાઈ (λ) (Wavelength) :-

- બે ક્રોસ શ્રેણી અથવા બે ક્રોસ ગર્ત વચ્ચેના અંતરને તરંગની તરંગ લંબાઈ કહેવાય છે.

- તરંગલંબાઈ નો SI એકમ :- m

અન્ય એકમો :- mm ($10^{-3}m$)

μm ($10^{-6}m$)

nm ($10^{-9}m$)

⇒ તરંગનો ક્રેપ વિસ્તાર (Amplitude) (A)

શ્રેણીની બિંધાઈ અથવા ગર્તની ક્રિડાઈ નો તરંગનો ક્રેપ વિસ્તાર કહેવાય.

એકમ :- m

⇒ તરંગની આવૃત્તિ :-

Frequency (ν) (વિંધાઈ : n)

- કોઈ એક બિંદુ આગળથી એકમ સમયમાં પસાર થતા તરંગોની સંખ્યાને તરંગની આવૃત્તિ કહેવાય.

આવૃત્તિનો SI એકમ

● Second⁻¹ or Hertz (Hz)

$s^{-1} = 1Hz$

⇒ આવર્તકાલ (Time Period) (T)

એક બિંદુ આગળથી તરંગને પસાર થતી નાગતા સમયને આવર્તકાલ કહેવાય છે.

એકમ :- second

આવર્તકાલ = $\frac{1}{\text{આવૃત્તિ}}$

$$T = \frac{1}{\nu}$$

⇒ તરંગનો વેગ (V)

એકમ સમયમાં તરંગો કાપેલા અંતરને તરંગનો વેગ કહેવાય

$$V = \frac{\lambda}{T}$$

પ્રકાશના વેગનો 'c' વડે દર્શાવાય

$$c = \frac{\lambda}{T}$$

$$c = \lambda \cdot \nu$$

$$\nu = \frac{c}{\lambda}$$

⇒ તરંગ સંખ્યા (wave number) ($\bar{\nu}$) (Read :- number)

- એકમ લંબાઈમાં હોલતા તરંગોની સંખ્યા ($\bar{\nu}$)
(તરંગલંબાઈ ની સંખ્યા) ને તરંગ સંખ્યા કહેવાય છે

$$\bar{\nu} = \frac{1}{\lambda}$$

એકમ :- m^{-1}

પ્રકાશનો દ્વિસ્વભાવ (Dual nature of light)

- પ્રકાશ તરંગ સ્વરૂપે (વિકીરણ સ્વરૂપે) ગતિ કરે છે.
જેને પ્રકાશની તરંગ પ્રકૃતિ કહેવાય છે
- નીચેની ઘટનાઓ પ્રકાશને તરંગ પ્રકૃતિ છૂં તેવું દર્શાવે છે
- વિપત્તન :- પ્રકાશ ના માર્ગમાં જ્યારે કોઈ અપારદર્શક પદાર્થ આવે ત્યારે પ્રકાશ પોતાનો માર્ગ બદલે છે.
આ ઘટનાને વિપત્તન કહે છે
- વ્યતિકરણ :-
પ્રકાશના તરંગ કિરણોને કોઈ પદાર્થ પર આપાતકર
તે ફેલાઈ જાય છે. જેને વ્યતિકરણ કહેવાય
આ ઉપરાંત પ્રકાશ પરવર્તન પદ્ધતિ ભવન
જેવી ઘટનાઓ દર્શાવે છે, જે પ્રકાશની
તરંગ પ્રકૃતિ નો એક સાબિત કરે છે

- મહત્તમ પ્લાંકે દર્શાવેલ કે પ્રકાશ એક કણ સ્વરૂપે ગતિ કરે છે જેને પ્રકાશની કણ પ્રકૃતિ કહેવાય.

- કણ પ્રકૃતિ સાબિત કરતી ઘટનાઓ

① ફોટો ઇલેક્ટ્રીક અસર

② Black Body Radiation (કાળા પદાર્થ નું વિકીરણ)

- પ્રકાશની તરંગ પ્રકૃતિ (wave nature)

અને કણ પ્રકૃતિ (Particle nature) એમ બંને સ્વભાવ છે જેને પ્રકાશનો દ્વિસ્વભાવ કહેવાય.

- પ્રકાશની ક્વોન્ટાઇઝેશન

- પ્રકાશના નાનામાં નાના કણો વ્યવસ્થિત (ક્વોન્ટાઇઝેડ) કહેવાય છે.

- દરેક પ્રકાશના ક્વોન્ટા ને Photon (ફોટોન) કહેવાય છે.

- પ્રકાશનું કણ સ્વરૂપ એ તેનું ^{અસતત} discontinuous (discrete) સ્વરૂપ છે.

- જ્યારે તરંગ સ્વરૂપ (continuous) (સતત) સ્વરૂપ છે.

- એક ફોટોનની ગતિથી એક ફોટોનનો.

- પ્રકાશના કણ ફોટોનની ઊર્જા અને તેના તરંગની આવૃત્તિ એ સમપ્રમાણ માં હોય છે.

$$E \propto \nu$$

$$E = h \nu$$

h = પ્લાંક અચળાંક

$$= 6.626 \times 10^{-34} \text{ J.s}$$

$$= 6.626 \times 10^{-27} \text{ erg.s}$$

E = ફોટોનની ઊર્જા

ν = વિકીરણની આવૃત્તિ

$$E = \frac{hc}{\lambda}$$

λ = તરંગની તરંગ લંબાઈ
 $c = 3 \times 10^8 \text{ m/s}$

$$E = \frac{nhc}{\lambda}$$

n ફોટોનની ઊર્જા
 n = ફોટોનની સંખ્યા

$\Rightarrow$ 1 મોલ ફોટોન ની કુલ ~~ઊર્જા~~ ઊર્જા ને ઊર્જાનું
 આયનસ્થાપન મૂલ્ય કહેવાય છે

$$E = \frac{N_A \cdot hc}{\lambda}$$

* જો ઊર્જા E ને eV (electron Volt) એકમ માં
 દર્શાવવામાં આવે અને તરંગલંબાઈ λ ને Å માં
 દર્શાવવામાં આવે તો,

$$E(\text{eV}) = \frac{12400}{\lambda(\text{Å})}$$

એક વિજ્ઞાનીને જોવા 20¹⁰ H₂ આપતી સમાવતા મેલ રાત્રી
10¹⁰ ફોટોન ઉત્સર્જન કરે છે. તો તેનો ક્રિયક ગણો.

$$E = nh\nu$$

$$= 10^{10} \times 6.626 \times 10^{-34} \times 10^{15}$$

$$= 6.626 \times 10^{-19} \text{ J}$$

200 watt ના એક ગોળા વેલ 20 sec માં ઉત્સર્જિત થતા
ફોટોન ની સંખ્યા ગણો. ઉત્સર્જન વિકીરણની તરંગલંબાઈ
3000 Å છે.

$$P = \frac{E}{t} = 1000 \text{ J/s}$$

1 sec માં 200 J ક્રિયક ઉત્સર્જિત થાય
10 sec (દ)

$$E = 1000 \text{ J}$$

$$E = \frac{nhc}{\lambda}$$

$$1000 = \frac{n \times 6.626 \times 10^{-34} \times 3 \times 10^8}{3 \times 1000 \times 10^{-10}}$$

$$n = \frac{1}{6.626 \times 10^{-22}}$$

$$n = 1.5 \times 10^{21} \text{ ફોટોન}$$

3000 Å લંબાઈના પ્રકાશ એક આપત્તિ
 સમાપ્ત થાય છે તે બાદ 60%. પ્રકાશ પરાવર્તન થાય
 પરાવર્તિત પ્રકાશની વગર લંબાઈ 6000 Å ફેરવો
 આપત્તિ થવા અને પરાવર્તન પ્રકાર ફેરવેલી સંખ્યા
 ગણતર કરો



$$\begin{aligned}
 E_2 &= E_1 \text{ જો } 60\% \\
 &= \frac{E_1 \times 60}{100}
 \end{aligned}$$

આપા (1) પ્રકાશની ઊર્જા

$$E_1 = \frac{n_1 h c}{\lambda_1}$$

પરાવર્તિત પ્રકાશની ઊર્જા

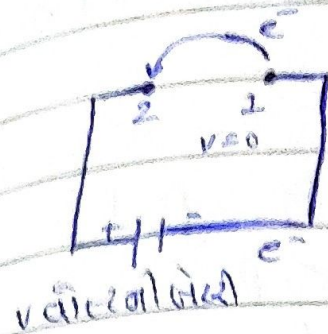
$$E_2 = \frac{n_2 h c}{\lambda_2}$$

$$\frac{E_1}{E_2} = \frac{n_1 h c}{\lambda_1} \times \frac{\lambda_2}{n_2 h c}$$

$$\frac{E_1}{\frac{E_1 \times 60}{100}} = \frac{n_1 \times 6000}{n_2 \times 3000}$$

$$\left[\frac{n_1}{n_2} = \frac{5}{6} \right]$$

electron volt (ev)



- જ્યારે સ્થિતિસ્થિતિમાં વહેતો e^- વોલ્ટના વિદ્યુત સ્થિતિમાનથી પ્રવેગીત કરવામાં આવે ત્યારે દ્વારે તેની ગતિ ઊર્જામાં 1eV જેટલો વધારો થાય છે.

$$TE_1 = TE_2$$

$$KE_1 + PE_1 = KE_2 + PE_2$$

$$|KE_1 - KE_2| = |PE_1 - PE_2|$$

$$|KE_2| = |qV_1 - qV_2|$$

$$|KE_2| = q |V_1 - V_2|$$

$$|KE_2| = eV$$

$$1\text{eV} = 1.6 \times 10^{-19} \text{ C} \times \text{Volt}$$

$$1\text{eV} = 1.6 \times 10^{-19} \text{ Joule}$$

Ques જો ઇલેક્ટ્રોનને સ્થિતસ્થિતિમાંથી 2V માં ના વિદ્યુત ક્ષેત્ર માંના તફાવતના તફાવતથી પ્રવેગીત કરવામાં આવે તો તેની અંતિમ ગતિ ઊર્જા ગણો.

$$\begin{array}{l|l} KE_1 = 0 & |KE_2 - KE_1| = |PE_1 - PE_2| \\ KE_2 = (?) & KE_2 - 0 = \Delta PE \\ & KE_2 = q(V_2 - V_1) \\ & KE_2 = e(2V) \\ & \boxed{KE_2 = 2eV} \end{array}$$

Ques જો 8eV ની શરૂઆતની ગતિ ઊર્જા માંથી 3V માં વડે પ્રવેગીત કરતા તેની અંતિમ ગતિ ઊર્જા ગણો.

પ્રવેગીત કરતા $KE_2 > KE_1$ થાય

$$\begin{array}{l} |KE_2 - KE_1| = \Delta PE \\ KE_2 - 8eV = q(V_2 - V_1) \\ KE_2 - 8eV = e(3V) \\ \boxed{KE_2 = 11eV} \end{array}$$

Ques ઉપરના પ્રશ્નમાં પ્રવેગીતની જગ્યાએ પ્રતિ પ્રવેગીત (Retarded) કરવામાં આવે તો તેની અંતિમ ગતિ ઊર્જા ગણો.

પ્રતિ પ્રવેગીત કરતા $KE_2 < KE_1$

$$\begin{array}{l} |KE_1 - KE_2| = \Delta PE \\ |8eV - KE_2| = q(V_2 - V_1) \\ 8eV - KE_2 = e(3V) \\ \boxed{KE_2 = 5eV} \end{array}$$

જો 8 eV ઇનિશિયલ ડાયોડ વડે મેક્સીમમ કરંટ
આવે તો તેની અંતિમ ઇનિશિયલ ?

મેક્સીમમ : $KE_2 > KE_1$

$$|KE_2 - KE_1| = \Delta PF$$

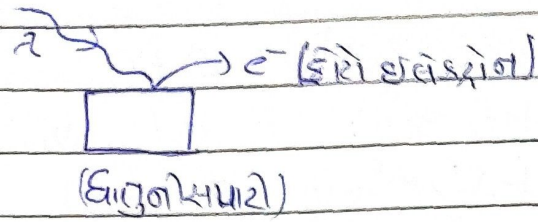
$$|KE_2 - 8eV| = q(V_2 - V_1)$$

$$KE_2 - 8eV = 2e(3V)$$

$$KE_2 = 14eV$$

* Photo electric effect

- જ્યારે ઘાતુની સપાટી ઉપર પ્રકાશનું કિરણ આપાત કરવામાં આવે ત્યારે તે સપાટીમાંથી e^- મુક્ત થાય છે.



- મુક્ત થતા ઇલેક્ટ્રોનને તે કિનેટિક એનર્જી કહેવાય.

⇒ ઘાતુનું (work function) કાર્ય વિદ્યેય (ϕ_0) (દરેકની ભિન્ન) (Threshold Energy)

- ઘાતુની સપાટી માંથી કોયો e^- મુક્ત કરવા માટે આપવી પડતી ન્યુનતમ ભિન્ન તે ઘાતુનું કાર્ય વિદ્યેય (ϕ_0) કહેવાય છે.

$$\phi_0 = E_0 = h\nu_0 = \frac{hc}{\lambda_0}$$

જ્યાં ν_0 = ઘાતુની દરેકની આવૃત્તિ (Threshold frequency)
 λ_0 = ઘાતુની દરેકની તરંગ લંબાઈ (Threshold wavelength)

⇒ જો ઘાતુની સપાટી ઉપર E ભિન્ન નું વિદીરૂપ આપાત કરવામાં આવે અને $E \geq \phi_0$ હોય તો ઘાતુ માંથી કોયો e^- મુક્ત થશે.

$$E = \phi_0 + KE$$

E = આપાત પ્રકાશની ભિન્ન

ϕ_0 = ઘાતુનું કાર્ય વિદ્યેય

KE = ઉત્સર્જિત થયેલા કોયોલ ની ગતિભિન્ન

- જો $E < \omega_0$ તો ધાતુમાંથી e^- મુક્ત થશે નહિ એટલે કે ફોટો ઇલેક્ટ્રીક એક્સર મેવા મળશે નહીં.

- જો $E = \omega_0$ તો ૪ ફોટો ઇલેક્ટ્રીક એક્સર મેવા મળશે.

- જો $E = \omega_0$ તો ધાતુમાંથી e^- માત્ર મુક્ત થશે તેની ગતિ ઊર્જા શૂન્ય હશે.

- $E > \omega_0$ તો ધાતુમાંથી મુક્ત થતા e^- ની ગતિ ઊર્જા $(E - \omega_0)$ થશે.

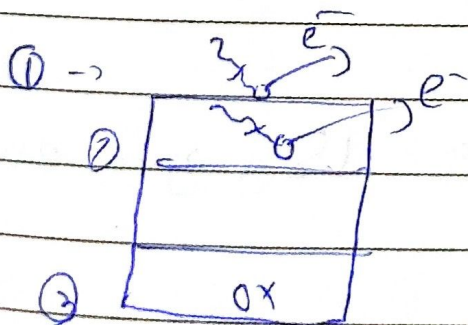
પ્રકાશની તીવ્રતા :- Intensity of light (I)

- પ્રશ્નઃ જ્યોતમાંથી વિતરણતા ફોટોન ની (વિકિરણો)ની સંખ્યાને પ્રકાશની તીવ્રતા કહેવાય છે.

- જો પ્રકાશની તીવ્રતા વધારવામાં આવે તો તેની ઊર્જા વધતી નથી.

- ω_0 કરતા જોડી ઊર્જા ધરાવતા પદાર્થ વધારે તીવ્રતા ધરાવતા પ્રકાશને ધાતુની સપાટી ઉપર આપાત કરતા ધાતુની સપાટીમાંથી e^- મુક્ત થઈ શકતા નથી.

- જો આપાત પ્રકાશની ઊર્જા $E > \omega_0$ હોય તો મુક્ત થતા ફોટો e^- ની $K.E.$



આપણે જાણીએ છીએ કે e^- માટે ગતિ ઊર્જા મહત્તમ હશે.

$$KE = KE(\text{maximum})$$

② અંદરની આપણી પાસે હોય તેવી જ ગતિ ઊર્જા .
 $KE < KE(\text{maximum})$

③ ઘાતુમાં ખૂબજ અંદરની આપણી પાસે રહેલો જોડો બુકા કરવા વધારે ઊર્જા જોઈએ તોય તે બુકા થશે નહીં.

$\Rightarrow$ BE (Binding Energy) : (બંધન ઊર્જા)

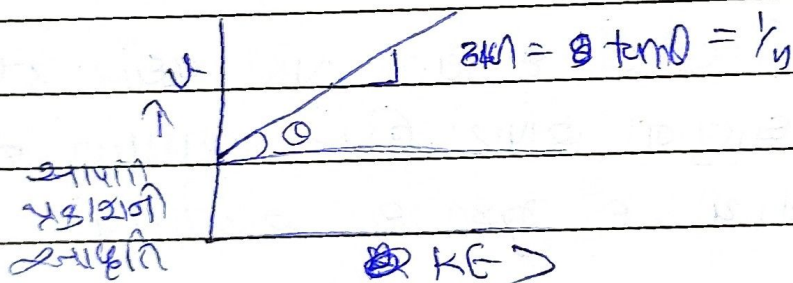
ઘાતુમાંથી e^- બુકા કરવા જરૂરી ન્યૂનતમ ઊર્જા

$$E = W_0 + KE$$

$$h\nu = W_0 + KE$$

$$\nu = \nu_0 + \frac{KE}{h}$$

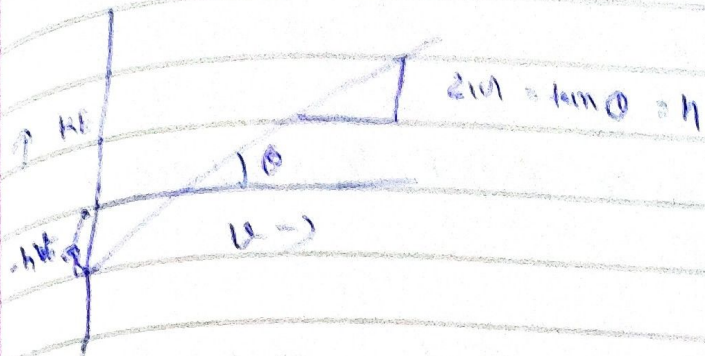
$$\nu = \nu_0 + \frac{1}{h} KE$$



$\nu \rightarrow$ KE નો આલેખ દેખતાં ઢાળ $= 1/h$ અને આલેખનો

y અક્ષ સાથે આંતર છે ν_0 જે મુખ્ય આપણે

KE $\rightarrow$ ν નો આલોચ

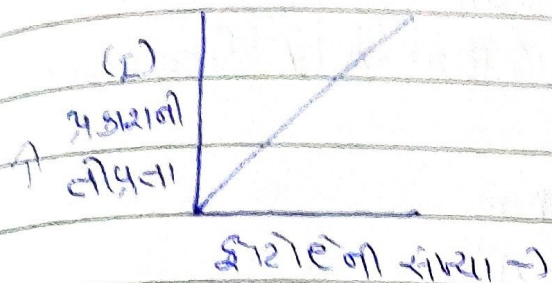


$$h\nu = h\nu_0 + KE$$

$$KE = h\nu - h\nu_0$$

$$y = mx + c$$

પ્રકાશની તીવ્રતા $\rightarrow$ ફોટો ઇલેક્ટ્રોન સંખ્યા



જો આપણે પ્રકાશનું તરંગલંબાઈ ચોક્કસ બે ω_0 કરતા વધારે જોવો.
 $I \propto$ ફોટો ઇલેક્ટ્રોન સંખ્યા

* Stopping Potential :-

ફોટો ઇલેક્ટ્રોન થી મુક્ત થયેલા ફોટો ઇલેક્ટ્રોનને સ્થંભિત કરવા માટે જરૂરી ન્યૂનતમ potential ને Stopping potential કહેવાય.

$\Rightarrow$ ફોટો કરંટ (Photo current)

$$I = \frac{V(q)}{t} \quad \left| \quad I = \frac{n e^-}{t} \right|$$

$\Rightarrow$ ઘાતુની આપણે માંથી પ્રતી સેકન્ડ મુક્ત થતા ફોટો ઇલેક્ટ્રોનની સંખ્યાનો ફોટો કરંટ કહેવાય.

$$E = W_0 + KE$$

$$\frac{hc}{\lambda} = \frac{hc}{\lambda_0} + KE$$

$\Rightarrow$ જો $\lambda \leq \lambda_0$ હોય તો જ ફોટોઈ બ્રેક થઈ શકે.

310 nm તરંગ લંબાઈ ધરાવતું વિદ્યુત 2eV કાર્ય વિદ્યેય ધરાવતી ઘાતુની સપાટી ભ્રમ પડે છે તો.

- ① સપાટી દ્વારાનો ઊર્જા ગુણો
- ② સપાટી ફોટોનની આવૃત્તિ ગુણો
- ③ ઘાતુની દરેક આવૃત્તિ (Threshold frequency) ગુણો

$$\textcircled{1} \quad E = \frac{hc}{\lambda} \quad \lambda = 310 \text{ nm}$$

$$= 3100 \text{ \AA}$$

$$E = \frac{12400}{\lambda(\text{\AA})}$$

$$E = 4 \text{ eV}$$

② સપાટી ફોટોનની આવૃત્તિ ગુણો

$$E = h \nu$$

$$4 \text{ eV} = 6.626 \times 10^{-34} \text{ J.s} \times \nu$$

$$4 \times 1.6 \times 10^{-19} \text{ J} = 6.626 \times 10^{-34} \text{ J.s} \times \nu$$

$$\nu = \frac{4 \times 1.6 \times 10^{-19} \text{ J}}{6.626 \times 10^{-34} \text{ J.s}}$$

$$\nu = \frac{4 \times 1.6 \times 10^{-19}}{6.626 \times 10^{-34}} \text{ s}^{-1}$$

$$= 9 \times 10^{14} \text{ s}^{-1}$$

③ દારૂની દરેક

$$W_0 = h\nu_0$$

$$2\text{eV} =$$

$$U_0 = \frac{6.626 \times 10^{-34} \text{ JS} \cdot \nu_0}{6.626 \times 10^{-34} \text{ JS}} = 5 \times 10^{14} \text{ s}^{-1}$$

④ મુક્ત થયેલા e^- ની ગતિ ઊંચે ગણો.

$$E = W_0 + KE$$

$$4\text{eV} = 2\text{eV} + KE$$

$$KE = 2\text{eV}$$

$$= 2 \times 1.6 \times 10^{-19} \text{ J}$$

$$KE = 3.2 \times 10^{-19} \text{ J}$$

⑤ મુક્ત થયેલા e^- નો મરતમ વેગ જણાવો

$$K.E. = \frac{1}{2} m v^2$$

$$3.2 \times 10^{-19} = \frac{1}{2} \times 9.109 \times 10^{-31} v^2$$

$$v = 8 \times 10^5 \text{ m/s}$$

⑥ e^- નો stopping potential ગણો.

$$\text{stopping energy} = 2\text{eV}$$

$$\therefore \text{stopping potential} = 2\text{V}$$

⑦ દરેક. નરો ~~સાથે~~ લંબાઈ ગણો

$$\lambda_0 = \frac{c}{\nu_0}$$

$$5 \times 10^{14} \text{ s}^{-1} = \frac{3 \times 10^8 \text{ ms}^{-1}}{\lambda_0}$$

$$\therefore \lambda_0 = 6 \times 10^{-7} \text{ m}$$

Photo intensity (P.I)

પ્રતી સેકન્ડ પ્રતિ ચોરસમીટર ઘાતુની સપાટી ઉપર આપાત થતા ફોટોનની ઊર્જા નો ફોટો Intensity કહેવાય.

$$PI = \frac{E}{At}$$

$$= \frac{n h \nu}{A.t}$$

જ્યાં: n = આપાત થતા

ફોટોનની સંખ્યા

$$PI \propto n$$

4×10^{-7} m સરેરાશ લંબાઈ ધરાવતો ફોટોન ઘાતુની સપાટી ઉપર અવશ્ય અવશ્ય છે. ઘાતુનું વર્કફંક્શન 2.13 eV છે.

- ① ફોટોનની ઊર્જા (eV) માં ગણો
- ② ફોટો ઇલેક્ટ્રોનની K.E = (?)
- ③ ફોટો ν નો વેગ = (?) 5.74×10^5

$$E = \frac{hc}{\lambda}$$

$$= \frac{12400}{\lambda (\text{\AA})}$$

$$= \frac{12400}{4 \times 10^{-7}}$$

$$= 3.1 \times 10^4$$

$$= 3.1 \text{ eV}$$

$$E = W_0 + K.E.$$

$$3.1 = 2.13 + K.E.$$

$$K.E = 0.97$$

$$K.E = \frac{1}{2} m v^2$$

$$0.97 = \frac{1}{2} \times 9.1 \times 10^{-31} \times v^2$$

$$1.94 = 9.109 \times 10^{-31} \times v^2$$

$$1.94 = 9.109 \times 10^{-32} \times v^2$$

$$1.94 \times 10^{32} = v^2$$

$$9.109$$

$$v = 5.74 \times 10^5$$

300nm ની તરંગલંબાઈ ધરાવતી કણિકાઓ સપાટી ઉપર પડે
 વ્યારે $1.68 \times 10^5 \text{ J/mol}$ ગતિ ઊર્જા દર્શાવતા e^- મુક્ત થાય છે.
 સો ડિયમ માંથી e^- મુક્ત થવા માટે જરૂરો ન્યૂનતમ ઊર્જા કેટલી થશે?
 જણાવ કરી તેના લંબાઈ પણ જો રો e^- મુક્ત થશે?

$\Rightarrow$ મુક્ત થતા e^- ની ગતિ ઊર્જા

$$KE = 1.68 \times 10^5 \text{ J/mol}$$

$$\therefore 1e^- \text{ ની ગતિ ઊર્જા} = \frac{1.68 \times 10^5 \text{ J}}{6.022 \times 10^{23}} = 2.75 \text{ eV}$$

$$\lambda = 300 \text{ nm} = 3 \times 10^{-7} \text{ m}$$

$$E = \frac{hc}{\lambda} = \frac{6.626 \times 10^{-34} \times 3 \times 10^8}{3 \times 10^{-7}} \\ = 6.626 \times 10^{-19} \text{ J} \\ = 4.14 \text{ eV}$$

$$E = \phi_0 + KE$$

$$4.14 = 1.75 + \phi_0$$

$$\phi_0 = 2.39 \text{ eV} = 3.84 \times 10^{-19} \text{ J}$$

$$\phi_0 = \frac{hc}{\lambda_0}$$

$$\lambda_0 = \frac{6.626 \times 10^{-34} \times 3 \times 10^8}{3.84 \times 10^{-19}}$$

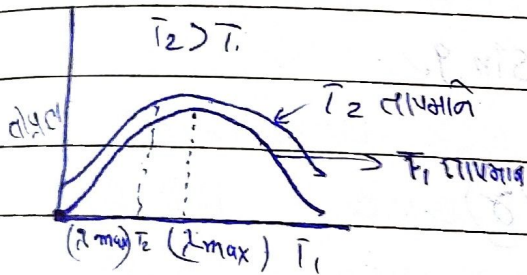
$$\lambda_0 = 5.2 \times 10^{-7} \text{ m}$$

Black Body Radiation

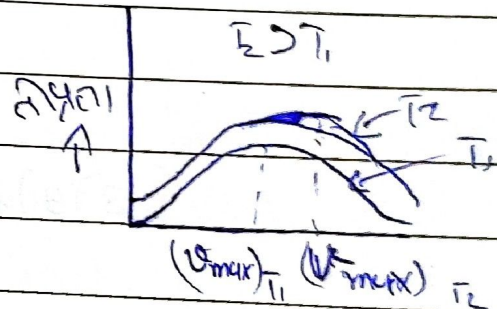
Black Body (કાળો પદાર્થ)

- જે પદાર્થ બધાજ પ્રકારના વિદ્યુતચુંબકીય તરંગોનું શોષણ કરે અથવા બધાજ પ્રકારના વિદ્યુતચુંબકીય તરંગોનું ઉત્સર્જન કરે તેને કાળો પદાર્થ Black Body કહેવાય.
- જુદા જુદા તાપમાને કાળા પદાર્થ માંથી નીકળતા કિરણોની તીવ્રતા જુદી જુદી હોય છે જેના કારણે પદાર્થોનાં જુદા જુદાં તાપમાનને જુદા જુદા રંગોમાં મળે છે.

દા.ત. લોહને ગરમ કરતાં જેમ તાપમાન વધે તેમ પહેલાં લાલ, ઓરેન્જ, પીલો અને અંતે સફેદ રંગનું દેખાય છે.



સંવર્તનશીલતા $\rightarrow$



આપૃતિ $\rightarrow$

$$T \cdot \lambda_{max} = \text{અચળ}$$

$$T_1 \cdot (\lambda_{max})_{T_1} = T_2 \cdot (\lambda_{max})_{T_2}$$

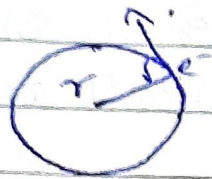
Wein's Law

$\rightarrow$ Black Body Radiation નો ને કદા પ્રકૃતિ અમી સમજી શકાય છે.

બોહર પરમાણુ નમૂનો :-
(Bohr's atomic Model) :-

- પરમાણુનું ઇલેક્ટ્રોન વીરભાવે એ ન્યુક્લિયસમાં
કોઈ એ પ્રકાર વીરભારીત છે એ ન્યુક્લિયસની આસપાસ
વર્તુલાકાર કક્ષાઓમાં ભ્રમણ કરે છે

- જે જ્યારે વર્તુલાકાર કક્ષામાં ભ્રમણ કરતો હોય ત્યારે તેનું
કોણીય વેગમાન :-



v = જેનો રેખીય વેગ

જેનું રેખીય વેગમાન $p = mv$

જે વર્તુલાકાર માર્ગ પર ભ્રમણ કરતો હોય ત્યારે તેનું

કોણીય વેગમાન $= r \times p$

$$= r p \sin \theta$$

$$= r p \sin 90^\circ$$

$$= rp$$

$$\boxed{\text{કોણીય વેગમાન} = mvr}$$

$\Rightarrow$ જ્યારે જેનું કોણીય વેગમાન $\frac{1}{2\pi}$ ના પૂર્ણાંક ગુણક હોય ત્યારે
તેઓ તે જ કક્ષામાં ભ્રમણ કરી શકે છે, અન્ય સંજોગોમાં
ભ્રમણ કરી શકે નહીં.

કોણીય વેગમાન

$$mvr = \frac{nh}{2\pi}$$

જ્યાં $n = 1, 2, 3, \dots$

= કક્ષાનો ક્રમ

- જ્યાં જેનું કોણીય વેગમાન $\frac{nh}{2\pi}$ થાય તે કક્ષાઓને
(permissible orbit) (માન્ય કક્ષાઓ) કહેવાય

2025/08/28 20:59

- માન્ય કક્ષાઓમાં ફરતા હોય તો,

કેન્દ્ર પરકથી માગતું = કેન્દ્ર તરફનો બળ
આકર્ષકબળ

$$\frac{kq_1q_2}{r^2} = \frac{mv^2}{r}$$

જ્યાં $k = 9 \times 10^9 \text{ N m}^2 \text{ C}^{-2}$

$q_1 =$ ન્યુક્લિયસનો વીજભાર
 $= (+2e)$

$q_2 =$ ઇલેક્ટ્રોનનો વીજભાર
 $= (-e)$

$r =$ કક્ષાની ત્રિજ્યા

$m =$ ઇલેક્ટ્રોનનું દળ

$= 9.109 \times 10^{-31} \text{ kg}$

$v =$ ઇલેક્ટ્રોનની ગતિની ઝડપ

- ઇલેક્ટ્રોન જ્યારે માન્ય કક્ષામાં ભ્રમણ કરતો હોય ત્યારે તે ઊર્જાનું ઉત્સર્જન કે શોષણ કરી રાક્ષાઓગથી લેથી તેની ઊર્જા ચોક્કસ હોય છે. આથી કક્ષાને 'ઊર્જા સ્તર' (Energy level) તરીકે પણ ઘોષવામાં આવે છે.

- ચોક્કસ કક્ષામાં ઇલેક્ટ્રોનની ઊર્જા 'quantized' (fix) હોય છે. તેથી તે કક્ષાને સ્થિર કક્ષા (stationary orbit) કહેવાય.

* બોહર કક્ષાની ત્રિજ્યા
(Radius of Bohr orbit)

સ્થિર કક્ષા માટે

$$\frac{kq_1q_2}{r^2} = \frac{mv^2}{r}$$

$$\frac{k(Ze)^2}{r} = \frac{mv^2}{r}$$

$$\frac{kZe^2}{r} = mv^2 \quad \text{--- (1)}$$

ઇંગ્રીફીકે વોગમન $mv r = \frac{nh}{2\pi}$

$$\therefore v = \frac{nh}{2\pi mr}$$

v ની જગ્યાએ (1) ની જગ્યાએ

$$\frac{kZe^2}{r} = \frac{m n^2 h^2}{4\pi^2 m^2 r^2}$$

$$r_n = \frac{n^2 h^2}{4\pi^2 m k Z e^2}$$

નની કક્ષાની ત્રિજ્યા

$$r_n = \frac{0.529 \times 10^{-10} n^2}{Z} \text{ m}$$

$$r_n = \frac{0.529 n^2}{Z} \text{ \AA}$$

જો n ની લેન રી
જો Z ની લેન રી

11 પરમાણુ માટે પ્રથમ કક્ષા
ની ત્રિજ્યા જો માટે $Z=1, n=1$

$$[r_H = 0.529 \text{ \AA}]$$

$\therefore$ H પરમાણુની નમી કક્ષાની ત્રિજ્યા

$$r_n = 0.529$$

$$r_n = 0.529 n^2 \text{ \AA}$$

કોઈ પણ પરમાણુ માટે

$$r_n = \frac{r_H \cdot n^2}{Z}$$

બોહર કક્ષાની ઊર્જા (Energy in Bohr orbit) :

નક્કો બોહર કક્ષામાં e^- માટે

કુલ ઊર્જા = સ્થિતિ ઊર્જા + ગતિ ઊર્જા

$$T.E. = P.E. + K.E. \quad - (2)$$

- e^- ની સ્થિતિ ઊર્જા

$$P.E. = \frac{k q_1 q_2}{r}$$

$$= \frac{k(z e)(-e)}{r}$$

$$P.E. = \frac{-k z e^2}{r} \quad - (3)$$

ગતિ ઊર્જા $K.E. = \frac{1}{2} m v^2$

અને (1) ઉપરથી

$$m v^2 = \frac{k z e^2}{r}$$

~~$k z e^2$~~

$$\frac{1}{2} m v^2 = \frac{k z e^2}{2r}$$

$$K.E. = \frac{k z e^2}{2r} \quad - (4)$$

e^- ની કુલ ઊર્જા

$$T.E. = P.E. + K.E.$$

$$T.E. = \frac{-k z e^2}{r} + \frac{k z e^2}{2r}$$

$$T.E. = \frac{-k z e^2}{2r} \quad - (5)$$

અને (5) માં r નું મૂલ્ય મૂકી

$$T.E. = \frac{-k z e^2 \frac{4\pi^2 m k z e^2}{2n^2 h^2}}{2n^2 h^2}$$

$$E_n = \frac{-2\pi^2 m e^4 k^2 z^2}{n^2 h^2} \quad - (6)$$

$$E_n = \frac{-2.18 \times 10^{-18} z^2}{n^2} \text{ J/atom}$$

$$E_n = -2.18 \times 10^{-18} \frac{Z^2}{n^2} \text{ J/atom}$$

$$E_n = -\frac{13.6 Z^2}{n^2} \text{ eV/atom}$$

$$E_n = -\frac{1312 Z^2}{n^2} \text{ kJ/mol}$$

$$E_n = -\frac{313.6 Z^2}{n^2} \text{ kcal/mol}$$

$$E_n \propto -\frac{Z^2}{n^2}$$

જેમ $n \uparrow$ તેમ $E_n \downarrow$

જેમ $Z \uparrow$ તેમ $E_n \downarrow$

$n = \infty$ માટે e^- ની ઊર્જા મહત્તમ હોય $E_n = 0$ થાય.
તેથી અન્ય કારમાં ($n < \infty$) માટે ઊર્જા ઋણ હોય -
હાથેથી આપે છે

n માં કક્ષાનો સ્થિતિ ઊર્જા

$$PE = -\frac{kZe^2}{r}$$

$$PE = 2 \times T.E.$$

n માં કક્ષાનો ગતિ ઊર્જા

$$KE = |T.E| = \left| \frac{PE}{2} \right|$$

- નમો કક્ષામાં સ્થિતિભિન્ન થી મુક્ત ગતિ ભ્રમ કરતા બમણુ હોય
- નમો કક્ષામાં કુલ ભ્રમ જેટલું મુક્ત ગતિ ભ્રમ જેટલું હોય
- નમો કક્ષામાં કુલ ભ્રમ થી મુક્ત સ્થિતિભિન્ન કરવા બાકી હોય.

A નમો કક્ષામાં છે જોયો.

$$mvr = \frac{nh}{2\pi}$$

$$v = \frac{nh}{2\pi m r}$$

$$v = \frac{nh \cdot 4\pi^2 - m k z e^2}{2\pi m n^2 h^2}$$

$$v = 2.188 \times 10^6 \frac{z}{n} \text{ m/s}$$

$$v \propto \frac{z}{n}$$

મમી કક્ષામાં 1 sec માં થતા ~~ક~~ ક્રમકાની સંખ્યા:-

મમી કક્ષામાં ω ના ક્રમકાની આવૃત્તિ

$$\omega \text{ નો વેગ } v = \frac{\omega r}{r}$$

ω એક ક્રમકા પૂર્ણ કરે તે માટે 2 πr અંતર કાપે

મે તે મ ક્રમકા કરેલો.

$$\text{આવૃત્તિ} = \frac{v_n}{2\pi r_n}$$

$$v_n = \frac{2.188 \times 10^6 Z_n \cdot m_r}{2 \times 3.14 \times 0.529 \times \frac{n^2}{Z} \times 10^{-10} \text{ m}}$$

$$v_n = 6.658 \times 10^{15} \frac{Z^2}{n^3} \text{ s}^{-1} \quad - (3)$$

$$v_n \propto \frac{Z^2}{n^3}$$

$\Rightarrow$ મમી કક્ષામાં ω ને એક ક્રમકા પૂર્ણ કરવામાં લાગતો સમય
- મમી કક્ષામાં ω નો આવર્તકાળ (T)

$$T_n = \frac{1}{v_n}$$

$$= \frac{1}{6.658 \times 10^{15} \frac{Z^2}{n^3}} \text{ sec}$$

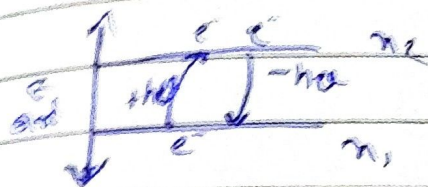
$$T_n = 1.5 \times 10^{-6} \frac{n^3}{Z^2} \text{ sec}$$

$$T_n \propto \frac{n^3}{Z^2}$$

$$\begin{aligned}
 E_n &\propto n^2 \\
 E_n &\propto (-1/n^2) \\
 V_n &\propto (1/n) \\
 V_n &\propto (1/n^2) \\
 T_n &\propto (1/n^3)
 \end{aligned}$$

* જ્યારે એક કક્ષામાંથી બીજી કક્ષામાં સંક્રાંતિ (transition) કરવારે શોષણ કે ઉત્સર્જન થાય છે.
 જો n_1 માં કક્ષામાંથી n_2 માં કક્ષામાં જાય ($n_2 > n_1$) ત્યારે શોષણ થાય છે.
 જો $n_2 < n_1$ ત્યારે ઉત્સર્જન થાય છે.

n_2 માંથી n_1 માં જાય ત્યારે ઉત્સર્જન થાય છે.



n_1 માં કક્ષામાંથી જાય તો ઉત્સર્જન થાય છે.

$$E_{n_1} = -13.6 \frac{Z^2}{n_1^2} \text{ eV}$$

n_2 માં કક્ષામાંથી જાય તો ઉત્સર્જન થાય છે.

$$E_{n_2} = -13.6 \frac{Z^2}{n_2^2} \text{ eV}$$

જ્યારે n_1 માંથી n_2 માં જાય ત્યારે શોષણ થાય છે.

$$E_{n_2} - E_{n_1}$$

$$\begin{aligned}
 \Delta E &= -13.6 \frac{Z^2}{n_2^2} + 13.6 \frac{Z^2}{n_1^2} \\
 \Delta E &= 13.6 Z^2 \left(\frac{1}{n_1^2} - \frac{1}{n_2^2} \right) \text{ eV}
 \end{aligned}$$

$$\Delta E = 2.18 \times 10^{-18} Z^2 \left(\frac{1}{n_1^2} - \frac{1}{n_2^2} \right)$$

$$\frac{hc}{\lambda} = 2.18 \times 10^{-18} Z^2 \left(\frac{1}{n_1^2} - \frac{1}{n_2^2} \right)$$

$$\frac{1}{\lambda} = \bar{\nu} = \frac{2.18 \times 10^{-18} Z^2 \left(\frac{1}{n_1^2} - \frac{1}{n_2^2} \right)}{hc}$$

$$\frac{1}{\lambda} = \bar{\nu} = R_H \cdot Z^2 \left(\frac{1}{n_1^2} - \frac{1}{n_2^2} \right)$$

સરળીકરણ

R_H = Rydberg's constant (or Ritz constant)

$$R_H = 109678 \text{ cm}^{-1}$$

$$\frac{1}{R_H} = 912 \text{ \AA}^0$$

$\Rightarrow Z = 42$ માટે સમીકરણ

$\Rightarrow 1e^-$ દરમિયાન આયનો માટે બેક 2 પદોમાં
જોડેલો બાકી પડે છે.

H ($Z=1$)

He⁺ ($Z=2$)

Li⁺⁺ ($Z=3$)

Be⁺⁺⁺ ($Z=4$)

ઇલેક્ટ્રોનની કુલ ઊર્જા (I.E)
(Ionisation Energy of e)

પરમાણુના પ્રથમ ઊર્જા સ્તરમાં રહેલો e^- ને પરમાણુમાંથી દૂર કરવા અને ઇલેક્ટ્રોન બનાવવા માટે આપવી પડતી ઊર્જા

(૦૪) પરમાણુમાં $n_1 = 1$ થી e^- ને $n_2 = \infty$ માં મોકલવા આપવી પડતી ઊર્જા

$$\Rightarrow \Delta E = 13.6 Z^2 \left(\frac{1}{n_1^2} - \frac{1}{n_2^2} \right) \text{ eV}$$

જ્યારે $n_1 = 1$

$n_2 = \infty$ ત્યારે $\Delta E = \text{I.E.}$

$$\text{I.E.} = 13.6 Z^2 \left(\frac{1}{1^2} - \frac{1}{\infty^2} \right)$$

$$\text{I.E.} = 13.6 Z^2 \text{ eV}$$

↑ એક e^- દસાવતા ઘટકોની આવકો કુલ ઊર્જા

$\Rightarrow$ H - પરમાણુમાં e^- ને $n_1 = 2$ માંથી $n_2 = \infty$ માં મોકલવા જરૂરી ઊર્જા

$$E_2 = 13.6 (1)^2 \left(\frac{1}{2^2} - \frac{1}{\infty^2} \right) = 3.4 \text{ eV}$$

$\Rightarrow n_1 = 3$ માંથી $n_2 = \infty$ માં e^- મારે ઊર્જા

$$E_3 = 13.6 (1)^2 \left(\frac{1}{3^2} - \frac{1}{\infty^2} \right) = \frac{13.6}{9} = 1.51 \text{ eV}$$

$\Rightarrow n_1 = 4$ માંથી $n_2 = \infty$ માં e^- મારે ઊર્જા

$$E_4 = 13.6 (1)^2 \left(\frac{1}{4^2} - \frac{1}{\infty^2} \right) = 0.85 \text{ eV}$$

દરજા અવસ્થા (Ground state) (નિમ્ન અવસ્થા)

- e^- તેની મૂળભૂત e^- સ્થિતિ પ્રમાણે જે કક્ષામાં હોય તે કક્ષાને (ઊર્જા સ્તર) ને દરજા અવસ્થા કહેવાય

દા.ત. H પરમાણુ નો e^- $n=1$ માં હોય તેથી પ્રથમ કક્ષાને H-માં દરજા અવસ્થા કહેવાય

$\Rightarrow$ પ્રથમ ઉત્તેજિત અવસ્થા (First excited level)

- દરજા અવસ્થાની કક્ષા થી તરત જ આગામીનું સ્તર એ પ્રથમ ઉત્તેજિત સ્તર કહેવાય

દા.ત. H પરમાણુ માટે

$n=1 \Rightarrow$ દરજા અવસ્થા

$n=1+1=2 \Rightarrow$ પ્રથમ ઉત્તેજિત અવસ્થા

$\Rightarrow$ ત્રીજી ઉત્તેજિત અવસ્થા (2^{nd} excited level)

ત્રીજી ઉત્તેજિત અવસ્થા = દરજા અવસ્થા + 2

દા.ત. H પરમાણુ માટે ત્રીજી ઉત્તેજિત અવસ્થા
 $= 1+2=3$

* આયનીકરણ પોટેશિયલ Ionisation Potential (I.P.)

- આયનીકરણ એક ઊર્જા સાથે સંકળાયેલા પોટેશિયલને આયનીકરણ પોટેશિયલ કહેવાય.

દા.ત. H - પરમાણુ માટે $n_1 = 1$ માં છે
 $IE = 13.6 \text{ eV}$

∴ આયનીકરણ પોટેશિયલ (IP) = 13.6 V

* ઉત્તેજન ઊર્જા [Excitation Energy]

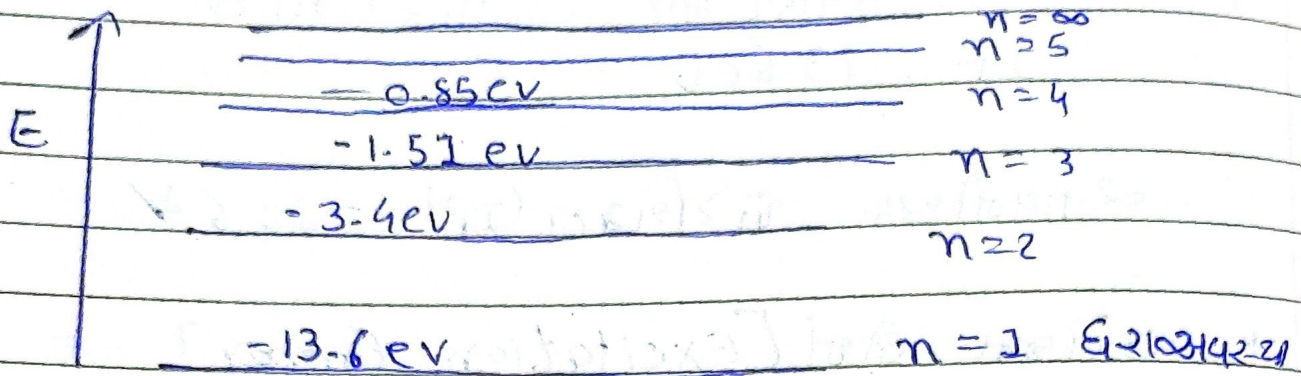
e^- ને ઘર અવસ્થા તાંથી કોઈ પણ ઉત્તેજન સ્તરમાં મોકલવામાટે આપવી પડતી ઊર્જા ને ઉત્તેજન ઊર્જા કહેવાય અને આ ઊર્જા સાથે સંકળાયેલા પોટેશિયલને ઉત્તેજન પોટેશિયલ કહેવાય.

દા.ત. H પરમાણુમાં e^- ને $n_1 = 1$ માંથી $n_2 = 2$ માં લઈ જવા જે ૨ ઊર્જા

* બંધન ઊર્જા (Binding Energy) (or) (Separation Energy)

- e^- ને પરમાણુ માં કોઈ પણ સ્તરમાંથી દૂર કરવા માટે આપવી પડતી ઊર્જા ને બંધન ઊર્જા કહેવાય.

H પરમાણુ માટે ઊર્જા સ્તર આલેખ (Energy level diagram for H-atom)



$$E_2 - E_1 = -3.4 - (-13.6) = 10.2 \text{ eV}$$

$$E_3 - E_2 = -1.51 - (-3.4) = 1.89 \text{ eV}$$

$$E_4 - E_3 = -0.85 - (-1.51) = 0.66 \text{ eV}$$

$$E_2 - E_1 > E_3 - E_2 > E_4 - E_3$$

પરમાણુમાં કેન્દ્રથી દૂર રહેતાં તેમ જ ક્રમિક સ્તર વચ્ચેની ભેજનો તફાવત ઘટે છે

$\Rightarrow$ H-પરમાણુ માટે ક્રમિક કક્ષાઓની ત્રિજ્યાનો તફાવત

$$r_1 = 0.529 \text{ \AA}$$

$$r_2 = 0.529 \times (2)^2 = 2.116 \text{ \AA}$$

$$r_3 = 0.529 \times (3)^2 = 4.761 \text{ \AA}$$

$$r_4 = 0.529 \times (4)^2 = 8.464 \text{ \AA}$$

$$r_2 - r_1 = 1.587 \text{ \AA}$$

$$r_3 - r_2 = 2.645 \text{ \AA}$$

$$r_4 - r_3 = 3.703 \text{ \AA}$$

$$r_2 - r_1 < r_3 - r_2 < r_4 - r_3$$

પરમાણુમાં જેમ કેન્દ્ર થી દૂર વહ્યેલેમ બેકમીક સ્તરની પ્રિયતા વચ્ચેનો તફાવત વધે

એક દે દરખતી એક પ્રકાલી ની આયની કરવા ઊર્જા 11180 kJ/mol છે. તો આ પ્રકાલી માં પ્રોટોનની સંખ્યા ગણો

$$IE = 2.18 \times 10^{-18} (Z)^2 \text{ J/atom}$$

$$\frac{11180 \times 10^3 \text{ J}}{6.022 \times 10^{23} \text{ atom}} = 2.18 \times 10^{-18} Z^2 \text{ J/atom}$$

$$Z^2 = \frac{11180 \times 10^3}{6.022 \times 10^{23} \times 2.18 \times 10^{-18}}$$

$$Z = 3 \quad \boxed{Z = 3} \quad \text{3 પ્રોટોન ડોષ}$$

(૦૪)

$$IE = 1312 (Z^2) \text{ kJ/mol}$$

$$\frac{11180 \text{ kJ/mol}}{1312} = Z^2$$

$$\frac{11180}{1312} = Z^2$$

$$\boxed{Z = 3}$$

Q. He^+ ની આયની કલ્પા ઊર્જા $19.6 \times 10^{-18} \text{ J/atom}$ છે. Li^{++} આયનની ભૂમિ અવસ્થા ની ઊર્જા ગણો

$$I.E. = \frac{1312 \text{ (eV)}}{29.6 \times 10^{-18}} \text{ KJ/atom}$$

$$I.E._{\text{He}^+} = 19.6 \times 10^{-18} \text{ J}$$

$$-E_1(\text{He}^+) = 19.6 \times 10^{-18} \text{ J} \quad \text{--- (1)}$$

$$E_1(\text{Li}^{++}) = x$$

$$\frac{E_1(\text{He}^+)}{E_1(\text{Li}^{++})} = \frac{19.6 \times 10^{-18}}{x}$$

$$\frac{2.18 \times 10^{-18} \times (2)^2}{2.18 \times 10^{-18} \times (3)^2} = \frac{19.6 \times 10^{-18}}{x}$$

$$x = 19.6 \times 10^{-18} \times \frac{9}{4}$$

$$x = -4.41 \times 10^{-17} \text{ J}$$

2 mol Li^{+2} ઝાપળની ઝાપળી કરવાનો ગણો.

~~$$IE = 13.6 \left(\frac{1}{n_1} - \frac{1}{n_2} \right) \text{ eV}$$~~

$$IE(\text{Li}^{+2}) = 1312 \left(\frac{1}{1} - \frac{1}{\infty} \right) \text{ kJ/mol}$$

$$= 1312 \times (1)^2 \times 1 \text{ kJ/mol}$$

$$= 11808 \text{ kJ/mol}$$

$n=2$ થી $n=1$ માં e^- સંક્રાંતિ કરે ત્યારે $3 \times 10^{-8} \text{ m}$ તરંગલંબાઈ ધરાવતા x -Ray નું ઉત્સર્જન થાય છે. તો આ સંક્રાંતિ થતો હોય તેવા ઘટકના પરમાણુ ક્રમાંક શોધો.

$$\frac{1}{\lambda} = R_H \cdot Z^2 \left(\frac{1}{n_1^2} - \frac{1}{n_2^2} \right)$$

$$\frac{1}{3 \times 10^{-8} \times 10^{10} \text{ m}^{-1}} = \frac{1}{912 \text{ Å}} \cdot (Z)^2 \left(\frac{1}{1^2} - \frac{1}{2^2} \right)$$

$$PE = -27.2 \text{ eV}$$

$$P.E. = -27.2 + 27.2$$

$$TE = -13.6 + 27.2$$

$$= 13.6$$

TE in 2^{nd} orbit

$$I.E. = \left(-13.6 \times \frac{Z^2}{n} \right) + 27.2$$

$$= -3.4 + 27.2$$

$$= 23.8 \text{ eV}$$

1 mol H^+ $n_1 = 1$ થી

$n_2 = 3$ થી

$$\Delta E_1 = \frac{1312 \times 10^3}{2} \times 2^2 \left(\frac{1}{n_1^2} - \frac{1}{n_2^2} \right)$$

$$= \frac{1312 \times 10^3 \times 4}{2} \times \left(\frac{1}{1} - \frac{1}{9} \right)$$

$$= 1312 \times 10^3 \times 16/9$$

1 mol He^+ $n_1 = 1$ થી

1 mol H^+ $n_1 = 2$ થી $n_2 = 2$ થી

$$\Delta E_2 = \frac{1312 \times 10^3}{4} \times 4 \times \left(1 - \frac{1}{4} \right)$$

$$= 1312 \times 10^3 \times 3/4$$

$$\text{કુલ રી પ્રાપ્ત થતી ઊર્જા} = \Delta E_1 + \Delta E_2 + \Delta E_3$$

$$= 1312 \times 10^3 \left(\frac{16}{9} \right) + 1312 \times 10^3 \left(\frac{3}{4} \right) + 0$$

$$= 1312 \times 10^3 \left(\frac{16}{9} + \frac{3}{4} \right)$$

$$= 1312 \times \frac{71}{12} \times 10^3$$

પરમાણ્વ વર્ણન

વર્ણન (spectrum)

emission
ઉત્સર્જન વર્ણન

absorption
શોષક વર્ણન

continuous
સતત વર્ણન

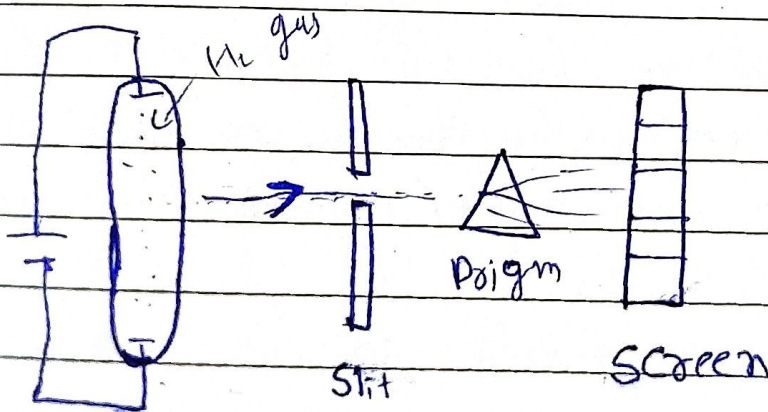
discontinuous (discrete)
અસતત વર્ણન

line spectrum
રેખા વર્ણન

Band spectrum
પટ્ટા વર્ણન

રેખા વર્ણન રેખાઓ વચ્ચે ગુપ્ત હોય
જેથી રેખાઓ દૂર દી હોય તેથી
- તે પરમાણ્વો યાદ દર્શાવે

પટ્ટા વર્ણન રેખા ન પટ્ટાઓ વચ્ચે
હોય
- તે સમગ્ર યાદ દર્શાવે

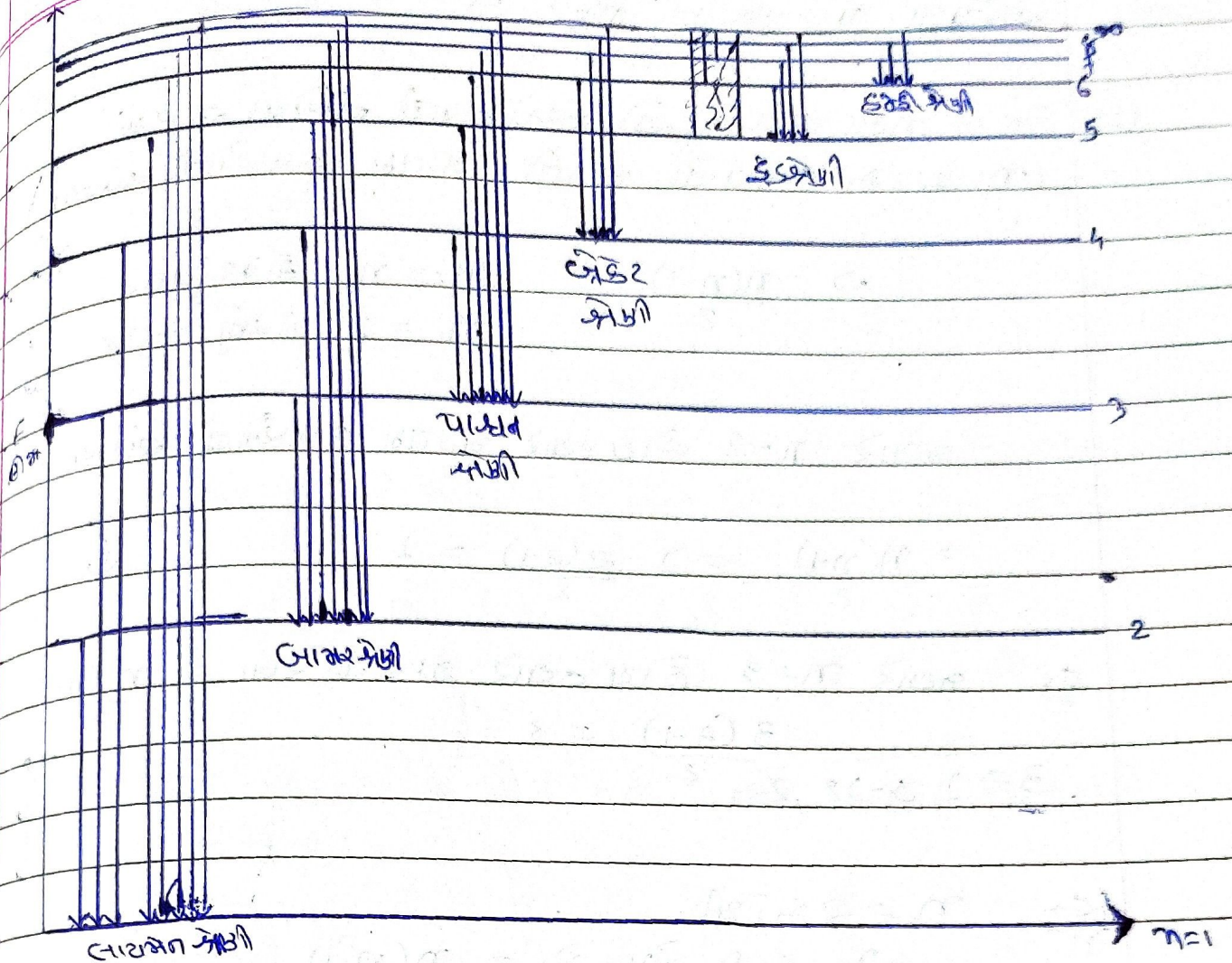


ઉત્સર્જન વર્ણન

2025/08/28 21:00

હાઈડ્રોજન પરમાણુનો ઉત્સર્જન વર્ણપટ (Emission spectrum of H atom)

વર્ણપટની શ્રેણી જો નામ	લે જ નીચા સ્તર lower level (m)	લે જ ઉપર સ્તર higher level (n)	શ્રેણીનો વિસ્તાર
લાઇમેન શ્રેણી	1	2, 3, 4, ..., ∞	પાલખોળી (UV)
બાલ્મર શ્રેણી	2	3, 4, 5, ..., ∞	દેશ્ય પ્રકાશ (Visible)
પાશ્ચાન શ્રેણી	3	4, 5, 6, ..., ∞	પાલખોળી (IR)
બ્રેકેટ શ્રેણી	4	5, 6, 7, ..., ∞	પાલખોળી (IR)
ફંડ શ્રેણી (PFund)	5	6, 7, 8, ..., ∞	પાલખોળી (IR)
હૈન શ્રેણી	6	7, 8, 9, ..., ∞	દેશ્ય પાલખોળી (Far IR)



શ્રેણીની પ્રથમ રેખા (First line of the series)

α -line

- જ્યારે $n_2 = (n_1 + 1)$ હોય ત્યારે મળતી રેખાને શ્રેણીની પ્રથમ રેખા કહેવાય.
- પ્રથમ રેખાને લગભગ લંબાઈ શ્રેણીમાં સૌથી વધારે હોય છે તેથી તેને શ્રેણીની longest line કહેવાય છે.

- તેથી હિમ શ્રેણીનો બાકીનો રેખાઓ ની હિમ કરવા સૌથી હોય છે.

શ્રેણીની અંતિમ રેખા (Last line of the series) or Series limit or limiting line (સીમારેખા)

- જ્યારે $n_2 = \infty$ હોય ત્યારે મળતી રેખાને limiting line કહેવાય.
- તેથી લગભગ લંબાઈ શ્રેણીમાં સૌથી સૌથી હોય તેથી તેને Shortest line of series કહેવાય.
- તેથી હિમ બાકીનો રેખાઓ કરવા વધારાય.

20/08/23 21:01

જાણીએ પરમાણુઓના ગણના કરી

૧) જો n નામાં જણોમાં હોય અને આથી નીચેના સ્તરમાં
($n=2$) માં જણોનો મળતો મહત્તમ જણોનો સંખ્યા

$$\Rightarrow \frac{n(n-1)}{2}$$

$n_2 = n =$ બિપરજુસ્ત

$n_1 = 1 =$ નોએજો સ્તર

Ex જ્યારે $n=2$ હોય ત્યારે મહત્તમ જણોનો સંખ્યા

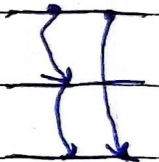
$$= \frac{n(n-1)}{2} \Rightarrow \frac{2(2-1)}{2} = 1$$



Ex જ્યારે $n=3$ હોય ત્યારે મહત્તમ રજા = $\frac{n(n-1)}{2}$

$$\frac{3(3-1)}{2} = 3$$

$3 \rightarrow 1, 3 \rightarrow 2, 2 \rightarrow 1$



Ex $n=5$ માંથી

$$\text{મહત્તમ રજાઓ} = \frac{n(n-1)}{2}$$

① $5 \rightarrow 4$ ② $4 \rightarrow 3$ ③ $3 \rightarrow 2$ ④ $2 \rightarrow 1 \Rightarrow 10$ રજાઓ.
 $5 \rightarrow 3$ $4 \rightarrow 2$ $3 \rightarrow 1$
 $5 \rightarrow 2$ $4 \rightarrow 1$
 $5 \rightarrow 1$

જ્યારે $n=5$ હોય ત્યારે મળતી કુલ સંખ્યાઓ "જલ્દી" થાય છે.
 221 વિભાગ માં મળે છે
 15) (5 → 2, 4 → 2, 3 → 2)

સાચમન	મળીને રજાઓ	= 4
આમર	"	"
પ્રાકાશ	"	= 3
કેકેર	"	= 2
	"	= 1

જ્યારે n માં સ્તર માંથી n_1 માં સ્તરમાં જાય ત્યારે મળતી મહત્તમ રજાઓ:

$$\frac{(n_2 - n_1)(n_2 - n_1 + 1)}{2}$$

જ્યારે $n_2 = 6$ માંથી $n_1 = 2$ માં જાય ત્યારે મળતી મહત્તમ રજાઓ:

$$\frac{(n_2 - n_1)(n_2 - n_1 + 1)}{2} = \frac{(6 - 2)(6 - 2 + 1)}{2}$$

$$\Rightarrow \frac{4 \cdot 5}{2} \Rightarrow \boxed{10} \text{ રજાઓ}$$

6 → 5 5 → 4 4 → 3 3 → 2
 6 → 4 5 → 3 4 → 2
 6 → 3 5 → 2
 6 → 2

જ્યારે એક જાણી કહેલા નિયમો (ISOLATED H વાળા) માં n માં સ્તર માંથી નીચેના સ્તરમાં (2) માં જાય ત્યારે મળતી મહત્તમ રજાઓની સંખ્યા $n-1$

$$\boxed{n-1}$$

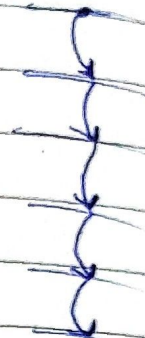
૧ - પરમાણુ માં e^- જ્યારે $n=6$ માંથી $n=1$ માં આવે ત્યારે મળતી મહત્તમ રેખાઓ

$$n-1 \Rightarrow 6-1 \Rightarrow 5 \quad 5 \rightarrow 4$$

$$4 \rightarrow 3$$

$$3 \rightarrow 2$$

$$2 \rightarrow 1$$



લાવમન શ્રેણીનો વિસ્તાર

$$n_1 = 1, \quad n_2 = 2, 3, \dots, \infty$$

→ પ્રથમ રેખાનો તરંગ લંબાઈ

$$\rightarrow \frac{1}{\lambda} = R_H Z^2 \left(\frac{1}{n_1^2} - \frac{1}{n_2^2} \right)$$

$$\Rightarrow \frac{1}{912} \times (1)^2 \left(\frac{1}{1^2} - \frac{1}{2^2} \right)$$

$$= \frac{1}{912} \times \frac{3}{4}$$

$$\therefore \lambda_1 = \boxed{1216 \text{ \AA}} \Rightarrow \lambda_{\max}$$

- અંતિમ રેખાનો તરંગલંબાઈ, $n_2 = \infty$

$$\frac{1}{\lambda_{\infty}} = \frac{1}{912} (1)^2 \left(\frac{1}{1^2} - \frac{1}{\infty^2} \right)$$

$$= \frac{1}{912} (1)$$

$$\boxed{\lambda_{\infty} = 912 \text{ \AA}} \Rightarrow \lambda_{\min}$$

પ્રથમ રેખાની સાથે સંકળાયેલો ગ્રાફ

$$\Delta E_1 = \frac{hc}{\lambda_1} \Rightarrow \frac{12400}{1216}$$

$$[\Delta E_1 = 10.2 \text{ eV}] \Rightarrow E_{\min}$$

→ અંતિમ રેખાની સાથે સંકળાયેલો ગ્રાફ

$$\Delta E_2 = \frac{hc}{\lambda_2} \Rightarrow \frac{12400}{912}$$

$$[\Delta E_2 = 13.6 \text{ eV}] \Rightarrow E_{\max}$$

→ લાલમગ્ન એ ક્ષીનો વિસ્તાર

$$912 \text{ \AA} < \lambda < 1216 \text{ \AA}$$

$$10.2 \text{ V} < E < 13.6 \text{ eV}$$

ક્રોડી	$\lambda_{\max} (\text{\AA})$	$\lambda_{\min} (\text{\AA})$	$E_{\max} (\text{eV})$	$E_{\min} (\text{eV})$
૧ લાલમગ્ન	1216	912	13.6	10.2
૨ બાલર	6566.4			
૩ પામન				
૪ બેટા				
૫ ગ્રી				
૬ ગ્રી				

Note નીચેની સંક્રાંતિ (transitions) શક્ય છે કે નહીં જણાવો.
 ફોટોન (photon) વર્ણપટ રેખાઓ મળશે.

$$\begin{array}{ll} \text{H} & \therefore n_2 \rightarrow n_1 \quad \underline{\text{દા.વ.}} \\ \text{He}^+ & \therefore 2n_2 \rightarrow 2n_1 \quad 2 \rightarrow 1 \\ \text{Li}^{+2} & \therefore 3n_2 \rightarrow 3n_1 \quad 4 \rightarrow 2 \\ \text{Be}^{+3} & \therefore 4n_2 \rightarrow 4n_1 \quad 6 \rightarrow 3 \\ & \quad \quad \quad 8 \rightarrow 4 \end{array}$$

He^+ માટે બાહ્ય કક્ષાની બીજી રેખા (2 રેખા) નો તરંગ લંબાઈ શોધો.

બાહ્ય કક્ષા $n_2 = 2$, બીજી રેખા $n_1 = n_2 + 1$
 $= 2 + 1 = 3$

$$\begin{aligned} \frac{1}{\lambda} &= R_H Z^2 \left(\frac{1}{n_1^2} - \frac{1}{n_2^2} \right) \\ &= \frac{1}{912} (2)^2 \left(\frac{1}{3^2} - \frac{1}{2^2} \right) \\ &= \frac{1}{912} \times 4 \left(\frac{1}{9} - \frac{1}{4} \right) \end{aligned}$$

$$\boxed{\lambda = 1216 \text{ \AA}}$$

જો H-પરમાણુના મૂળભૂત સ્તરમાં 7 માં ઉત્તેજિત સ્તરમાંથી
 બીજા સ્તર માં સંક્રાંતિ પામે તો મહત્તમ કેટલી રેખાઓ મળે?

$$n_2 = 7 \text{ જો ઉત્તેજિત સ્તર} = 8, \quad n_1 = 2$$

મહત્તમ રેખાઓ:

$$\begin{aligned} &= (n_2 - n_1) (n_2 - n_1 + 1) \\ &= (8 - 2) (8 - 2 + 1) \\ &= 21 \text{ રેખાઓ} \end{aligned}$$

૧૫-૫૨મ/કુજા તથા બાદે મો ૯ ૫મી ઉત્તેજિત રજામાં
 બુધી સ્થિતિમાં સંક્રાંતિ પામતો (a) લંબામાં લાંબીરેખાનો
 તરંગ લંબાઈ (૧) (b) દુકામાં રજાની તરંગલંબાઈ (c)
 દરેક પ્રકાશના વિભાગમાં લંબામાં લાંબી તરંગલંબાઈ કેટલી?

$$n_2 = 5 \text{મી ઉત્તેજિત રજા} = 6 \quad n_1 = 1$$

$$\frac{1}{\lambda_1} = R_H Z^2 \left(\frac{1}{n_1^2} - \frac{1}{n_2^2} \right)$$

$$\Rightarrow \lambda_{\max} \text{ માટે } n_2 = n_1 + 1$$

$$= 1+1$$

$$n_2 = 2$$

$$\frac{1}{\lambda} = R_H Z^2 \left(\frac{1}{n_1^2} - \frac{1}{n_2^2} \right)$$

$$\frac{1}{\lambda} = \frac{1}{128}$$

$$\lambda = 128 \text{ Å}$$

$$\textcircled{b} \lambda_{\min} \text{ માટે } n_2 = 6$$

$$\frac{1}{\lambda_2} = \frac{1}{912} \times 1^2 \left(\frac{1}{n_1^2} - \frac{1}{n_2^2} \right)$$

$$= \frac{1}{912} \times \frac{35}{36}$$

$$= \frac{912 \times 36}{35}$$

$$\lambda = 939.36 \text{ Å}$$

$$\textcircled{c} \text{ દરેક પ્રકાશ વિભાગમાં } \lambda_{\max} \text{ માટે}$$

$$n_1 = 2, n_2 = n_1 + 1 = 3$$

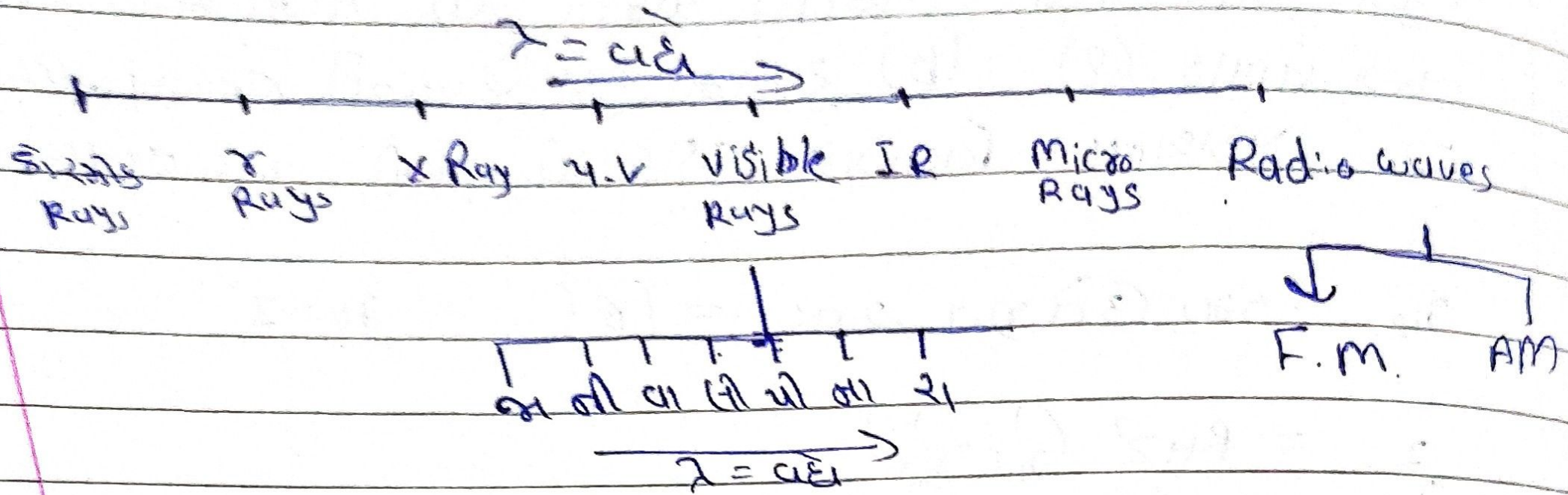
$$\frac{1}{\lambda} = \frac{1}{912} \times 1^2 \left(\frac{1}{n_1^2} - \frac{1}{n_2^2} \right)$$

$$= \frac{1}{912} \times \frac{5}{36}$$

$$= \frac{912 \times 36}{5}$$

$$\lambda = 6566.4 \text{ Å}$$

વિદ્યુત ચુંબકીય તરંગો :-



બોહર પરમાણુ નમૂનાની ત્રણ દિશાઓ :-

- ૧) એક કક્ષા વધારે હે ધરપતા ઘરકોનો રેખા વર્ણપટ
બોહર નમૂના દ્વારા સમજાવી શકાતો નથી.
- ૨) એક ભીર્મ સ્તરમાં અન્ય ભીર્મ સ્તરોનો લાક્ષી સમજાવી
શકાતો નથી. (એક વર્ણપટ રેખા એ અન્ય રેખાઓમાં
વિભાજિત થાય છે તે સમજાવી શકાતું નથી.
- ૩) મુખ્ય કોષ દોષમાં વર્ણપટ રેખાનું વિભાજન (ડિઝેન અસર)
વિદ્યુત દોષમાં " " " (સ્પીન અસર)
સમજાવી શકાતો નથી
- ૪) બોહરે પરમાણુનું કો પ્રમાણીય મોડેલ (વર્ણપટ મોડેલ)
મુયવેણું ક્યારે વાસ્તવિક પરમાણુનું બોહરેક પ્રાપ્તિ શકી છે
- ૫) તે કાર્યક્ષમ બર્જન અનિશ્ચિતતાના સિદ્ધાંતને સમજાવી
શકતું નથી.
- ૬) તે પરમાણુઓ વચ્ચે ~~કોઈ કોઈ~~ ^{દિશાક્રિય} બોંધને ~~આધાર~~
રચના સમજાવી શકતું નથી અને તેથી ~~કોઈ~~ ^{આધાર} આધાર
આકાર સમજાવી શકતો નથી

૬ બ્રોગ્લી સિદ્ધાંત : (De Broglie Theory) (Matter wave Theory)

"દરેક ગતિશીલ સુલક્ષણ તથા પ્રકૃતિ કણો છે."

⇒ મેક્સ પ્લાન્કના સમી. પ્રમાણે.

$$E = \frac{hc}{\lambda}$$

⇒ આઈન્સ્ટાઈન ના આપેલવાનું પ્રમાણે

$$E = mc^2$$

⇒ બંને રીઝનાં મૂલ્યો હોવાથી સરખાવતો.

$$mc^2 = \frac{hc}{\lambda}$$

$$m\lambda = \frac{h}{c}$$

- કો કણનો વેગ = V હોય છે તે

$$mV = \frac{h}{\lambda}$$

$$\lambda = \frac{h}{mV} \quad \text{V કણનો વેગ} \quad \text{--- (1)}$$

$$V = \frac{h}{P} \quad \text{P કણનું વેગમાત્ર} \quad \text{--- (2)}$$

- દ બ્રોગ્લી સિદ્ધાંત એ માત્ર ગતિશીલ પદાર્થોને જ લાગુ પડી શકાય છે.

- કાર્યકારક સ્થિત પદાર્થોનો યોગ શૂન્ય થાય તેવી તેની લંબાઈના પરિવર્તનને કારણે થઈ શકે છે.

⇒ દ-બ્રોગ્લી સિદ્ધાંત એ માત્ર શૂન્ય કણોને જ લાગુ પાડી શકે છે મોટા પદાર્થો જેવા કે ફિડેરનો કણ, ~~ફોટો~~ ફોટોનો મોટા પદાર્થોને લાગુ પડે નહીં.

⇒ દ-બ્રોગ્લી સિદ્ધાંત એ શૂન્ય કણ જેવા કે e^- , પ્રોટોન, ન્યૂટ્રોન, પરમાણુ ને લાગુ પાડી શકે છે.

⇒ કણની ગતિ ઊર્જા

$$K = \frac{1}{2} m v^2$$

$$2Km = m^2 v^2$$

$$mv = \sqrt{2Km}$$

અહીં λ પર, $\lambda = \frac{h}{mv}$

$$\boxed{\lambda = \frac{h}{\sqrt{2Km}}} \quad K = \text{કણની ગતિ ઊર્જા} \quad \text{--- (3)}$$

⇒ q વીજભાર દ્રવ્યનો કણ જે V વિદ્યુત સ્થિતિમાનનો તરંગ દર્શાવતા ક્ષેત્રમાં મૂકવામાં આવે તો તેની ગતિ ઊર્જા થશે કુલ

$$KE = qV$$

$$\boxed{\lambda = \frac{h}{\sqrt{2qVm}}} \quad q = \text{કણનો વીજભાર કુલ} \quad \text{--- (4)} \quad V = \text{કણનો વિદ્યુત સ્થિતિમાન}$$

2) e^- માટે તો V યોગ્ય વિદ્યુત સ્થિતિમાનનો તરંગ લગાડવામાં આવે તો.

$$\lambda = \frac{h}{\sqrt{2 \cdot e V m}}$$

$$= \frac{h}{\sqrt{2 \times 1.6 \times 10^{19} \times 9.1 \times 10^{-31}}}$$

$$\lambda = \sqrt{\frac{150}{V}} \text{ \AA}$$

$$\lambda = \frac{12.32 \text{ \AA}}{\sqrt{V}} \quad (5)$$

- T લાક્ષણિક ગુણ ગણિતો

$$KE = \frac{3}{2} K_b T$$

K_b = બોલ્ટ્ઝમેનનો અચળાંક

$$\lambda = \frac{h}{\sqrt{3 \times \frac{3}{2} K_b \cdot T m}}$$

$$\lambda = \frac{h}{\sqrt{3 K_b m T}} \quad (6)$$

$K_b = \frac{R}{N_A}$ R લાક્ષણિક ગાસ
 N_A એ એવોગેડ્રો સંખ્યા

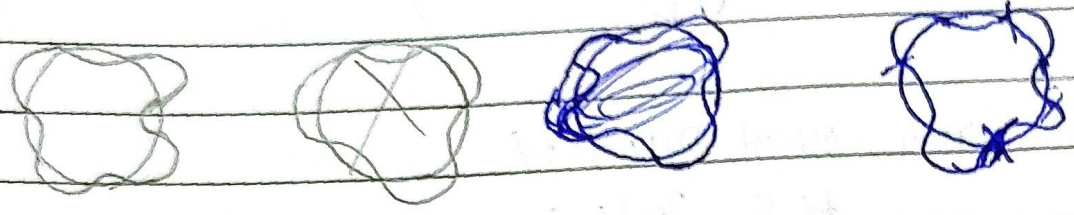
⇒ જોઈર પરમાણુ નમુના પ્રમાણે હેનું નમી કક્ષામાં કોઈપણ વેગમાં

$$mvr = \frac{nh}{2\pi}$$

$$2\pi r = \frac{nh}{mv}$$

$$2\pi r = n\lambda$$

૦- જ્યારે નમી કક્ષામાં કોઈ વેગમાં પ્રકરણ દ્વારા પાતળા લેન્ડોની સાંખ્યા નહોતી હોય



$n=4$ હોય તો
૨ લેન્ડા લંબાઈમાં
૧ લેન્ડા ૩-ભાગમાં
દરમોચાળમાં

- ડેવિસન અને ગ્રામર નામના વૈજ્ઞાનિકોએ N^+ ધાતુની ઉપરોક્ત કરી લેના દેની ગતિ કરવામાં હેનું વ્યતિકરકા અને વિવર્તન મેળવ્યું

∴ ગતિ ક્ષીલ હોય તરે પ્રકૃતિ ધરાવે છે તેમ પ્રાયોગિક રીતે સાબિત થયું.

$3.3 \times 10^{-24} \text{ kg m s}^{-1}$ વોલમાન દેખતા કણના તરંગલંબાઈ :- A' શાખ

$$\lambda = \frac{h}{p} = \frac{6.626 \times 10^{-34}}{3.3 \times 10^{-24}} = 2 \times 10^{-10} \text{ m} = 2 \text{ \AA}$$

દેની ગલિલેઈ 4.55 $\times 10^{-25} \text{ J}$ જે લેની દબોગલી સરંગલંબાઈ ગણ

$$\lambda = \frac{h}{\sqrt{2Km}} = \frac{6.626 \times 10^{-34}}{\sqrt{2 \times 4.55 \times 10^{-25} \times 9.109 \times 10^{-31}}}$$

સમાન ગતિ ઊર્જ દેખતા કણામા દબોગલી તરંગલંબાઈ

- * A લેના વોલમા સમપ્રમાણમાં છે.
- B લેના વોલમા વરસા પ્રમાણમાં છે
- C દબ અને લેના થી સમપ્રમાણમાં છે
- D વોલમાના સમપ્રમાણમાં છે.

$$\lambda = \frac{h}{mv} = \frac{h}{\frac{2KE}{v}} = (\lambda \propto v)$$

$$KE = \frac{1}{2}mv^2 \uparrow$$

$$mv = \frac{2KE}{v}$$

300 K તાપમાને He પરમાણુ માં લેના $2.40 \times 10^2 \text{ m s}^{-1}$ જે લેની તરંગલંબાઈ ગણો.

$$\lambda = \frac{h}{mv} = \frac{6.626 \times 10^{-34}}{4 \times 1.67 \times 10^{-27} \times 2.4 \times 10^2}$$

Ques. 0.1 kg દળ ઇલેક્ટ્રોનને 20 ms^{-1} ના વેગ થી ગતિ કરાવવા દરેકી દરેકી લાંબા લંબાઈ ગણો

$$\lambda = \frac{h}{mv} = \frac{6.626 \times 10^{-34}}{0.1 \times 10} = 6.626 \times 10^{-34} \text{ m}$$

2 થી મળેલ પૂલ ન જોઈએ છે તેથી તેના માટે દરેકી લાંબા લંબાઈ ગણી શકાય નથી.

Ques. He^+ ની બીજી કક્ષામાં વલણ કરતાં e ની દરેકી લાંબા લંબાઈ ગણો.

$$\lambda = \frac{h}{mv}$$

$$V = 2.18 \times 10^6 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$= 2.18 \times 10^6 \times \frac{2}{2}$$

$$v = 2.18 \times 10^6 \text{ ms}^{-1}$$

$$\therefore \lambda = \frac{6.626 \times 10^{-34}}{4 \times 1.67 \times 10^{-27} \times 2.18 \times 10^6}$$

$$\lambda = \text{--- m}$$

६. α किरणों के लिए निम्नलिखित दिए गए मानों का उपयोग करें

A) तरंग वेग समान होय ल्यारे

B) वेग समान होय ल्यारे

C) गति बर्त समान होय ल्यारे

D) वेग समान होय ल्यारे 'V' को प्रयोगित करवायें ~~अवस्था~~

1) वेग समान होय ल्यारे λ_e

α - किरणों के लिए

$$\lambda_e = \frac{h}{m_e v_e}$$

$$\lambda_\alpha = \frac{h}{m_\alpha v_\alpha}$$

$$m_\alpha v_\alpha = m_e v_e$$

$$\lambda_e = \lambda_\alpha = h$$

2) ~~वेग समान~~

$$v_e = v_\alpha$$

$$\lambda_e = \frac{h}{\sqrt{2 m_e v_e}}$$

$$\lambda_\alpha = \frac{h}{\sqrt{2 (m_\alpha) m_\alpha v_\alpha}}$$

$$v_e = v_\alpha$$

$$\frac{\lambda_e}{\lambda_\alpha} = \frac{m_e v_e}{m_\alpha v_\alpha}$$

$$\lambda_e = \frac{m_\alpha}{m_e}$$

$$m_\alpha \gg m_e$$

$$\lambda_e \gg \lambda_\alpha$$

$$3) K E_e = K E_\alpha$$

$$\lambda = \frac{h}{\sqrt{2 K m}}$$

$$\lambda_e = \frac{h}{\sqrt{2 K m_e}}$$

$$\lambda_\alpha = \frac{h}{\sqrt{2 K m_\alpha}}$$

$$\frac{\lambda_e}{\lambda_\alpha} = \frac{h}{\sqrt{2 K m_e}} \times \frac{\sqrt{2 K m_\alpha}}{h}$$

$$\frac{\lambda_e}{\lambda_\alpha} = \sqrt{\frac{m_\alpha}{m_e}}$$

$$\lambda_e \gg \lambda_\alpha$$

* હાઈઝનબર્ગ નો અનિશ્ચિતતાનો સિદ્ધાંત (Principle of Uncertainty of Heisenberg)

→ ગતિશિલ સૂક્ષ્મ કણનું સ્થાન અને તેનું વેગમાન એક સાથે સંપૂર્ણ ચોક્કસપણે પૂર્વક ક્યારેય નક્કી કરી શકાય નથી.

- જો ગતિશિલ કણ નું સ્થાન નક્કી કરવા માટે ૨ તરંગલંબાઈ ના વિદ્યુત્તંત્રાંત્રી ઉપયોગ કરવામાં આવે તો માપેલ સ્થાનના મૂલ્યમાં ± 2 જેટલી ભૂલ રહે છે.

- આભૂલ ઘટાડવા માટે જો વિદ્યુત્તંત્રાંત્રી તરંગલંબાઈ ૨ ઘટાડવામાં આવે તો ઇલેક્ટ્રોન સિદ્ધાંત ($\lambda = \frac{h}{p}$) પ્રમાણે તે તરંગનું વેગમાન વધુ વધી જાય છે. અને જો ઉર્જા વેગમાન ધરાવતું કણ જો સૂક્ષ્મ કણ સાથે અથડાય તો તે કણનો વેગ બદલાઈ જાય.

આમ જો કણનું સ્થાન ચોક્કસપણે નક્કી કર્યું હોય તો સ્થાનના વેગમાનમાં ચોક્કસપણે ઘટી જાય છે. જ્યારે તેનું વેગમાન ચોક્કસપણે નક્કી કર્યું હોય તો સ્થાનમાં ચોક્કસપણે ઘટી જાય છે.

સાઈડગજનો સિદ્ધાંત દર્શાવે છે કે
 "જો ગતિપથ ઔચ્છાદ્યુર્ણક નક્કી કરી શકાતો નથી."

કોઈકાના સ્થાનની અનિશ્ચિતતા = Δx
 અને વેગમાનની અનિશ્ચિતતા = Δp

$$\boxed{\Delta x \Delta p \geq \frac{h}{4\pi}} \quad \text{--- (1)}$$

$$p = mv$$

$$\Delta p = m \Delta v$$

$$\boxed{\Delta x m \Delta v \geq \frac{h}{4\pi}} \quad \Delta v \text{ વેગમાં અનિશ્ચિતતા} \quad \text{--- (2)}$$

અમી (1) પરથી

$$\Delta x \frac{\Delta p}{\Delta t} \Delta t \geq \frac{h}{4\pi}$$

$$F \Delta x \Delta t \geq \frac{h}{4\pi}$$

$$\boxed{\Delta F \Delta t \geq \frac{h}{4\pi}} \quad \text{--- (3)}$$

ΔF = બળમાં અનિશ્ચિતતા

Δt = સમયમાં અનિશ્ચિતતા

⇒ દ શોધી વિચલન થાય

$$\lambda = \frac{h}{p}$$

$$p = \frac{h}{\lambda}$$

λ ની સાથે જો વિચલન કરતાં

$$\frac{dp}{d\lambda} = \frac{-h}{\lambda^2} \left(\begin{array}{l} \frac{dx^n}{dx^n} = n^{n-1} \\ \frac{dx^{-1}}{dx^{-1}} = -1x^{-1} \end{array} \right)$$

$$\frac{dp}{d\lambda} = \left| \frac{h}{\lambda^2} \right|$$

$$\frac{\Delta p}{\Delta \lambda} \approx \frac{h}{\lambda^2}$$

$$\Delta p = \Delta \lambda \frac{h}{\lambda^2}$$

$$\Delta p \cdot \Delta x \geq \frac{h}{4\pi} \text{ માં મુકતાં}$$

$$\Delta \lambda \frac{h}{\lambda^2} \Delta x \geq \frac{h}{4\pi}$$

$$\boxed{\Delta \lambda \Delta x \geq \frac{\lambda^2}{4\pi}} \quad \text{--- (A)}$$

કેમણે ગાંધી રીતે

$$KE = \frac{1}{2} m v^2$$

v ની સાથે જો વિચલન કરતાં

$$\frac{dKE}{dv} = \frac{1}{2} m 2v$$

$$\frac{dKE}{dv} = mv$$

$$\frac{\Delta KE}{m \Delta v} = v$$

$$\frac{\Delta KE}{\Delta p} = v$$

$$\Delta p = \frac{\Delta KE}{v}$$

$$\Delta p \Delta x \geq \frac{h}{4\pi} \quad \text{Heisenberg's uncertainty principle}$$

$$\frac{\Delta KE}{v} \Delta x \geq \frac{h}{4\pi}$$

$$\boxed{\Delta KE \Delta x \geq \frac{h v}{4\pi}} \quad (6)$$

કે વેગમાન ની અનિશ્ચિતતા અને સ્થાનની અનિશ્ચિતતા
સમાન હોવા વગતે અનિશ્ચિતતા કહી શકો

Ⓐ $\sqrt{h/2\pi}$ Ⓑ $\frac{1}{2m}\sqrt{h}$ Ⓒ $\sqrt{\frac{h}{\pi}}$ Ⓓ $\frac{h}{\pi}$

$$\Delta p \Delta x = \frac{h}{4\pi}$$

$$\Delta p = \Delta x$$

$$\Delta p^2 = \frac{h}{4\pi}$$

$$m^2 \Delta v^2 = \frac{h}{4\pi}$$

$$\Delta v^2 = \frac{h}{4\pi m^2}$$

$$\Delta v = \frac{1}{2m} \sqrt{\frac{h}{\pi}}$$

છાત્ર 1 સ્થાન અને વેગની અનિશ્ચિતતા 10^{-10} મ અને
 $5.27 \times 10^{-24} \text{ ms}^{-1}$ છે કયો દળ ગણો.

$$m \Delta v \Delta x = \frac{h}{4\pi}$$

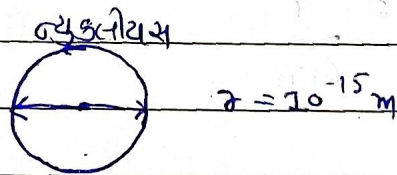
40g દળ ધરાવતો ઝોડ દડો 45 m/s ની ઝડપથી ગતિ કરે છે.
જો તેનો ઝડપ 27% ની ~~જો~~ ઝોડસાથની માપવામાં આવે તો
સ્થાનની અનિશ્ચિતતા ગણો.

વેગમાં અનિશ્ચિતતા $\Delta v = \frac{45 \times 2}{100} = 0.9 \text{ m/s}$

$$\Delta x \cdot m \Delta v = \frac{h}{4\pi}$$

$$\Delta x = \frac{h}{4\pi m \Delta v} = \frac{6.626 \times 10^{-34}}{4 \times 3.14 \times 40 \times 10^{-3} \times 0.9} = \frac{2 \times 10^{-32}}{3} \text{ m}$$

હાઇડ્રોજનના સિધ્ધાંતને આધારે જાણી શકો કે e^- ન્યુક્લિયસમાં
રહી શકે નહિ.



હાઇડ્રોજનના સ્થાનનો મહત્તમ અનિશ્ચિતતા $= 2 \times 10^{-15} \text{ m}$

$$m \Delta v \Delta x = \frac{h}{4\pi}$$

$$\Delta v = \frac{h}{4\pi m \Delta x}$$

$$= \frac{6.6 \times 10^{-34}}{4 \times 3.14 \times 9.109 \times 10^{-31} \times 2 \times 10^{-15}}$$

$$= 0.3 \times 10^{11} \text{ m/s}$$

$$= 3 \times 10^{10} \text{ m/s}$$

જો દ ન્યુક્લિયસમાં કોઈ લો સેના વેગની અનિશ્ચિતતાનું
 મૂલ્ય $3 \times 10^6 \text{ m/s}$ હોય તો પ્રકાશના વેગ કરતા પણ વધારે છે.
 જે અશક્ય નથી તેથી દ ન્યુક્લિયસમાં હોઈ શકે નહીં.

જો દ ના સ્થાનની અસીધારતા તેની દબાવતી તરંગલંબાઈ
 જેટલી હોય તો તેનો વેગ અનિશ્ચિત થઈ શકે તેમ જ સ્થાનની અનિશ્ચિતતા

$$\lambda = \frac{h}{p}$$

$$\Delta x = \lambda$$

$$\Delta x = \frac{h}{p}$$

$$\Delta x m \Delta v = \frac{h}{4\pi}$$

$$\frac{h}{p} m \Delta v = \frac{h}{4\pi}$$

$$\frac{m \Delta v}{m v} = \frac{1}{4\pi}$$

$$\Delta v = \frac{v}{4\pi}$$

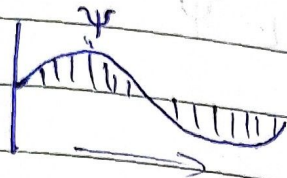
વેગની અનિશ્ચિતતા વેગ વધવા ની સાથે વધતી જશે
 તેથી વેગ હંમેશા અનિશ્ચિત થશે

શ્રોડિંગર તરંગ સમીકરણ:- (Schrodinger wave equation)

$$\frac{\partial^2 \psi}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 \psi}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 \psi}{\partial z^2} + \frac{8\pi^2 m}{h^2} (E - V) \psi = 0$$

$\psi = \text{Psi (આંશ)}$

$\Rightarrow \psi$ એ e^- નું તરંગ વિધેય છે. (wave function)
 ψ એ e^- ના તરંગના કંપવિસ્તાર સાથે સંકળાયેલ છે.



$\Rightarrow \psi$ નું મૂલ્ય હજી અચળા પ્રકાર હોઈ શકે તેથી તેને કોઈ લૈન્ગ્થિક અર્થ નથી.

$\partial = \text{del}$

$\frac{\partial^2 \psi}{\partial x^2}$ = ψ ની સાપેક્ષે ψ નું દ્વિવિકલન (double)

$\frac{\partial^2 \psi}{\partial x^2} = \frac{d^2 \psi}{dx^2}$ લખાય.

$E =$ કુલ ઊર્જા

$V =$ સ્થિતિ ઊર્જા

$x, y, z =$ કાર્ટેઝિયન co-ordinates

$\Rightarrow \frac{\partial^2 \psi}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 \psi}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 \psi}{\partial z^2} = \nabla^2 \psi$ ($\nabla = \text{neblat}$)

$\nabla^2 \psi + \frac{8\pi^2 m}{h^2} (E - V) \psi = 0$

$$\nabla^2 \psi = - \frac{8\pi^2 m}{h^2} (E - V) \psi$$

$$\frac{-h^2}{8\pi^2 m} \nabla^2 \psi = E\psi - V\psi$$

$$\frac{-h^2}{8\pi^2 m} \nabla^2 \psi + V\psi = E\psi$$

$$\left(V - \frac{h^2}{8\pi^2 m} \nabla^2 \right) \psi = E\psi$$

$$H\psi = E\psi$$

H = હેમિલ્ટોનીયન ઓપરેટર (Hamiltonian operator)

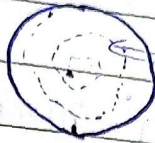
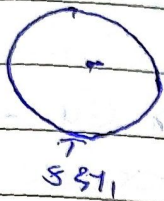
- E નું સ્થાન x, y, z વામાંફોની સાથેફો (x, y, z) કાર્ટેઝીયન co-ordinates ઢારા દર્શાવો શકાય.
- E નું સ્થાન દર્શાવવા માટે x, y, z ની સાથે પોલાર-co-ordinates (ધ્રુવીય વામાંફો) (r, θ, ϕ) નો ઉપયોગ થાયફે.
- ψ નો કોઈ ભૌત્તીક અર્થ નથી હોઈ ના તરંગના કંપવિસ્તારને દર્શાવેફે. તેથી તેનું મૂલ્ય ઘન અથવા $-ve$ હોઈ શકે.
- ψ^2 નું મૂલ્ય ઘન જગ્યા કે કેન્દ્રની આસપાસના વિસ્તારમાં e^- મળી આવવાની અંભાવના દર્શાવેફે.

ऊर्जा (Orbit) (डिऑरबिट) (Energy level)

केन्द्र की ओर आने वाले आयोनों वृत्ताकार मार्ग के माध्यम से लेने ऊर्जा छोड़ा।

ऊर्जा (Orbitals):

केन्द्र की आसपास जो जैसी विस्तार के जहाँ है मजबूत आवणती संभावना महत्तम होय लेने ऊर्जा छोड़ा।



नोड (node) (nodal plane)

केन्द्र की आसपास जो जैसी विस्तार के जहाँ है मजबूत आवणती संभावना ~~अ~~ शून्य होय लेने नोड (नोडल सपाही) छोड़ा।

$\Rightarrow$ जहाँ $\psi^2 = 0$ जहाँ नोड होय
 $\Rightarrow$ नोड के प्रकार होय

1 गोलीय नोड (Radial node)

जो नोड आते ψ में मुख्य मात्र r और θ पर आधारित होते गोलीय नोड छोड़ा।

गोलीय नोड की संख्या $= n - l - 1$

n = मुख्य क्वान्टम नंबर

l = ऑरिबिटल क्वान्टम नंबर